



درسنامه ها و جزوه های دروس ریاضیات

دانلود نمونه سوالات امتحانات ریاضی

نمونه سوالات و پاسخنامه کنکور

دانلود نرم افزارهای ریاضیات

و...و

www.riazisara.ir سایت ویژه ریاضیات

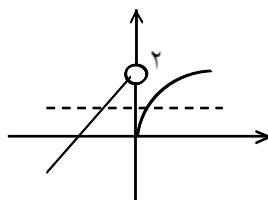
$$\textcircled{1} m - 1 < 0 \rightarrow m < 1$$

- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$-\frac{\Delta}{4a} < 0 \rightarrow \frac{3 - 4m(m-1)}{4(m-1)} > 0 \rightarrow -4m^2 + 4m + 3 < 0$$

$$4m^2 - 4m - 3 > 0 \Rightarrow \frac{2 \pm \sqrt{16}}{4} = \frac{2 \pm 4}{4} = \frac{3}{2}, \frac{-1}{2} \Rightarrow \textcircled{1} m < -\frac{1}{2} \text{ و } m > \frac{3}{2} \rightarrow 1 \text{ و } \textcircled{2} \Rightarrow m < -\frac{1}{2}$$

- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. فقط پوشاست یک به یک نیست.



$$\left\{ \begin{array}{l} (x-2)^2 = x+10 \rightarrow x^2 - 5x - 6 = 0 \\ x > 2 \end{array} \right\} x = -1 \text{ و } 6 \rightarrow x = 6$$

- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\log_4(x+2) = \log_4^8 = \log_{\sqrt[3]{2}}^3 = \frac{3}{2}$$

- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$a \sqrt[1-q]{\frac{1-q}{1+q}} = \frac{5}{4} a \sqrt[1-q]{\frac{1-q}{1+q}} \rightarrow 1+q^4 = \frac{5}{4} \rightarrow q^4 = \frac{1}{4}$$

$$\frac{a_1 q^v}{a_1 q^1} = q^5 = \left(\frac{1}{2}\right)^3 = \frac{1}{8}$$

$$ax = x^2 + 5x + 4 \quad x^2 + (5-a)x + 4 = 0$$

- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\Delta = 0 \rightarrow (5-a)^2 - 16 = 0 \rightarrow a-5 = \pm 4 \quad \begin{cases} a=9 \\ a=1 \end{cases}$$

قابل قبول
غیرقابل قبول

$$a=9 \rightarrow x^2 - 4x + 4 = 0 \rightarrow x=2$$

نیمساز ناحیه‌ی اول

- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\cos 50^\circ (\tan 10^\circ + \tan 20^\circ) = \cos 50^\circ \times \frac{\sin 10^\circ}{\cos 10^\circ \cos 20^\circ} = \frac{\cos 50^\circ}{\cos 10^\circ} = \frac{\sin 40^\circ}{\sin 20^\circ} = 2 \cos 20^\circ$$

- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\cos x - \cos 3x}{2 - \sqrt{4-x^2}} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{+2 \sin 2x \sin x}{(4-4+x^2)} \times (2+2) = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{4 \sin 2x \sin x}{x^2} \simeq 4 \times 2 = 16$$

$$x \rightarrow 0$$



-۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

در $x = 3$ پیوسته چون $0 = x - 3$ (عامل صفر کننده) پس حاصلضرب پیوسته است.

در $x = 6$ حاصلضرب ناپیوسته است.

-۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$(f(\tan x))' = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan^2 x}} \times (1 + \tan^2 x) = \sqrt{1 + \tan^2 x} = \sqrt{\frac{1}{\cos^2 x}} = \frac{1}{\cos x}$$

-۱۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$y + 1 = mx \rightarrow y = mx - 1 \rightarrow x^2 + x = mx - 1 \rightarrow x^2 + (1 - m)x + 1 = 0$$

$$\Delta = 0 \rightarrow m^2 - 2m - 3 = 0 \rightarrow m = -1, 3$$

-۱۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\sin x (-2\cos x + 1) = 0 \rightarrow \begin{cases} \sin x = 0 \rightarrow x = k\pi \\ \cos x = \frac{1}{2} \rightarrow x = \frac{\pi}{3}, \frac{5\pi}{3} \end{cases}$$

و چون ریشه‌ها ساده‌اند پس یک در میان نقاط باید ماکزیمم و مینیمم باشند پس دو نقطه‌ی مینیمم و دو نقطه‌ی ماکزیمم دارد.

-۱۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. زیرا رادیکال حاصل جمع مقدار ثابت است پس:

$$S = 2x \times \frac{2}{3} \sqrt{9 - x^2} = \frac{4}{3} \sqrt{x^2(9 - x^2)}$$

$$S' = \frac{4}{3} \times \frac{18x - 4x^3}{2\sqrt{x^2(9 - x^2)}} = 0 \Rightarrow 18x - 4x^3 = 0$$

$$\Rightarrow 18x = 4x^3 \Rightarrow x^2 = \frac{9}{2} \Rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{9}{2}}$$

$$\Rightarrow S_{\text{Max}} = \frac{4}{3} \sqrt{\frac{9}{2} \times \frac{9}{2}} = \frac{4}{3} \times \frac{9}{2} = 6$$

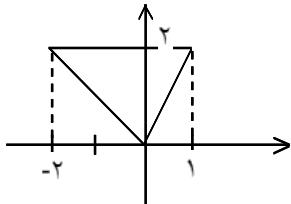
-۱۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{4}\right)^k - \sum_{k=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3}\right)^k = \frac{\frac{1}{4}}{1 - \frac{1}{4}} - \frac{\frac{1}{3}}{1 - \frac{1}{3}} = \frac{1}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{6}$$



۱۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$f(a_n) = b + \left[\frac{an + 2}{2n + 1} \right] \rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{an + 2}{2n + 1} \rightarrow 4 \Rightarrow b + 3 = 1 \Rightarrow b = -2$$

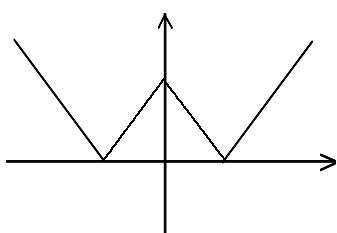


۱۵- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$y = g - f = \frac{x^2}{x-1} - \frac{x^2+x}{x+2} \Rightarrow y = \frac{2x^2+x}{(x-1)(x+2)} = x = 1, x = -2$$

مجانب‌های قائم مجانب‌های قائم

$$S = \frac{2 \times 3}{2} = 3$$



$$y = |x| - 1$$

۱۶- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x} & x \geq 0 \\ -\sqrt{-x} & x < 0 \end{cases} \rightarrow f^{-1}(x) = \begin{cases} x^2 & x \geq 0 \\ -x^2 & x < 0 \end{cases}$$

۱۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\Rightarrow (f^{-1})'(x) = \begin{cases} 2x & x \geq 0 \\ -2x & x < 0 \end{cases} \quad \text{و} \quad (f^{-1})'(0) = 0$$

$$(f^{-1})(x) = \begin{cases} x^2 & x > 0 \\ \text{ندارد} & x = 0 \\ -x^2 & x < 0 \end{cases}$$

$$f(x) = |x - 2| \sqrt[3]{x^2} \quad \text{یک نقطه بحرانی } x = 2$$

$$x > 2 \rightarrow y = x^{\frac{5}{3}} - 2x^{\frac{2}{3}} \rightarrow y' = \frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} - \frac{4}{3}x^{-\frac{1}{3}}$$

$$x < 2 \rightarrow y = -x^{\frac{5}{3}} + 2x^{\frac{2}{3}} \rightarrow y' = -\frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} + \frac{4}{3}x^{-\frac{1}{3}}$$

$$x^{-\frac{1}{3}} \left(\frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} - \frac{4}{3}x^{-\frac{1}{3}} \right) = 0 \rightarrow x = \frac{4}{5} \quad \text{بحرانی } x = 0 \text{ و بحرانی } x = 2$$



۱۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. چون مجانب قائم نداریم پس مخرج ریشه ندارد پس $b > 1$.

$$\frac{-x^3 + 2x^2 + bx}{(4-b)x - 4b} \rightarrow y = x + 2 + \frac{(4-b)x - 4b}{x^3 - 2x + b}$$

چون $x = 0$ نقطه عطف است پس $a = 0$ و در $.y = \frac{x}{x^3 - 2x + b}$

چون منحنی پایین مجانب مایل است پس $b = 4 \Leftrightarrow b - 4 = 0$

۲۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\text{Arc Cos } x}{\sqrt{x^3 - x^2}} \approx \frac{\sqrt{1 - x^2}}{\sqrt{x(1-x)}} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{\sqrt{1+x}}{\sqrt{x}} \rightarrow \sqrt{2}$$

تذکر: این حد به سادگی با استفاده از قاعده‌ی هوپیتال حل می‌شود.

$$f(0) = 1 > 0, f\left(\frac{1}{4}\right) = \left(\frac{1}{4}\right)^4 - 1 + 1 > 0 \Rightarrow \left(\frac{1}{4}, \frac{1}{3}\right)$$

$$f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{1}{81} - \frac{4}{3} + 1 = \frac{1}{81} - \frac{1}{3} < 0.$$

۲۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۲۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$S = 2 \int_{-2}^1 \sqrt{2x+4} dx = \frac{2 \times \frac{2}{3}}{2} (2x+4)^{\frac{3}{2}} \Big|_{-2}^1 = \frac{2}{3}(8-0) = \frac{16}{3}$$

۲۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\int_{-1}^1 2 \cos\left(\frac{\pi}{2}x\right) dx + \int_{-1}^1 \cos\left(\frac{\pi}{2}x\right) dx = \frac{2}{\pi} \times 2 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) \Big|_{-1}^1 + \frac{2}{\pi} \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right) \Big|_{-1}^1$$

$$0 - \left(-\frac{4}{\pi}\right) + \frac{2}{\pi} = \frac{6}{\pi} \rightarrow 6 \times \frac{1}{\pi}$$

$$f(x) = \frac{(4 - \tan x)}{\tan^2 x + 2 \tan x + 3} \times (1 + \tan^2 x)$$

۲۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

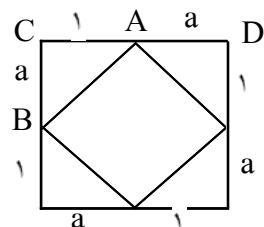
$$x = \frac{\pi}{4} \rightarrow \frac{4-1}{1+2+3} \times 2 = 1$$



$$AB = \sqrt{1 + a^2}$$

$$\frac{s'}{s} = \frac{5}{8} \Rightarrow \frac{1 + a^2}{(1 + a)^2} = \frac{5}{8} \Rightarrow a = 4$$

$$\Rightarrow \frac{CA}{CD} = \frac{1}{3}$$

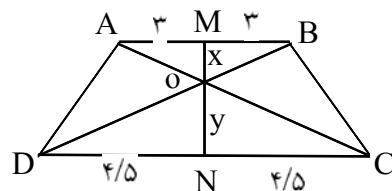


- ۲۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\triangle OMB \sim \triangleOND \Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{3}{4/5}$$

$$\frac{x}{x+y} = \frac{3}{7/5} \rightarrow x = 4/8$$

۱۲



- ۲۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$r = \frac{a}{2} \text{ شعاع کره محاطی مکعب} \Rightarrow \frac{\text{سطح کره}}{\text{سطح مکعب}} = \frac{4\pi \left(\frac{a}{2}\right)^2}{6a^2} = \frac{\pi}{6}$$

کل مکعب $S = 6a^2$

- ۲۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} AD = AB \\ AC = AC \\ BC > CD \end{aligned} \left. \begin{array}{l} \text{درست است} \\ \text{درست است} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{عكس لولا}} \angle A_2 > \angle A_1$$

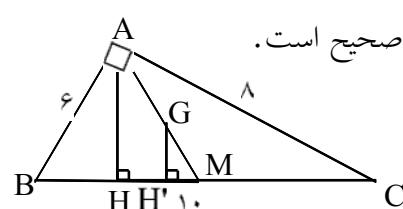
- ۲۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\text{درست است } \hat{BDC} : BC > CD \Rightarrow \hat{D}_1 > \hat{B}_1$$

$$\hat{ADB} \Rightarrow \angle ADB = \angle ABD \xrightarrow{\text{درست است}} D > B$$

$$\begin{aligned} S = \frac{6 \times 8}{2} \\ S = \frac{AH \times 10}{2} \end{aligned} \left. \begin{array}{l} \text{درست است} \\ \text{درست است} \end{array} \right\} \Rightarrow AH = \frac{6 \times 8}{10} = 4.8$$

$$\frac{GM}{AM} = \frac{GH'}{AH} = \frac{1}{3} \Rightarrow GH' = \frac{1}{3} AH = \frac{1}{3} \times 4.8 = 1.6$$



- ۲۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

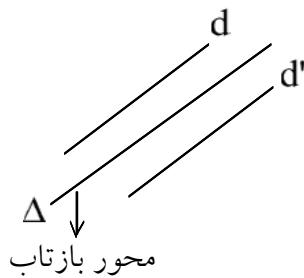
$$2x = 4 \times 5 \Rightarrow x = 10 \Rightarrow (6\sqrt{3})^2 = y(y + 12)$$

$$\Rightarrow y^2 + 12y - 108 = 0 \Rightarrow y = 6$$

- ۳۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.



۳۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. زیرا مطابق شکل محور بازتاب منحصر به فرد است.



۳۲- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در حالتی که $d \perp p$ بی‌شمار صفحه از A می‌گذرد که بر p عمود و با d موازی است.

$$\vec{a} + \vec{b} \perp \vec{a} - \vec{b} \Rightarrow (\vec{a} + \vec{b}) \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 0 \Rightarrow |\vec{a}|^2 - |\vec{b}|^2 = 0.$$

$$m^2 - 36 = 0 \Rightarrow m = \pm 6$$

۳۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$|\mathbf{a} \times (\mathbf{a} + \mathbf{b})| = 18 \Rightarrow |\mathbf{a} \times \mathbf{b}| = 18$$

$$|\mathbf{a} \times \mathbf{b}|^2 = |\mathbf{a}|^2 |\mathbf{b}|^2 - (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b})^2 \Rightarrow 324 = 25 \times 36 - (\mathbf{a} \cdot \mathbf{b})^2$$

$$\theta < 90^\circ \Rightarrow \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = \pm 24 \rightarrow \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 24 \Rightarrow \mathbf{a} \cdot (\mathbf{a} + \mathbf{b}) = |\mathbf{a}|^2 + \mathbf{a} \cdot \mathbf{b} = 36 + 24 = 60.$$

$$A(-1, 2, 0), B(3, -a, 0), \vec{V} = (1, 2, -1), \vec{V}' = (2, -1, 2)$$

$$\Rightarrow \vec{AB} \cdot (\vec{V} \times \vec{V}') = 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 4 & -a-2 & 0 \\ 1 & 2 & -1 \\ 2 & -1 & 2 \end{vmatrix} = 0 \Rightarrow 12 - 4(-a-2) = 0$$

$$\Rightarrow 4a = -20 \Rightarrow a = -5$$

$$x = 2z + 3 = t \Rightarrow x = t, z = \frac{t-3}{2} \Rightarrow M \begin{vmatrix} t \\ \frac{t-3}{2} \\ \frac{t-3}{2} \end{vmatrix}$$

$$\frac{\left| 2t - \frac{t-3}{2} \right|}{\sqrt{4+4+1}} = 5 \Rightarrow t = 9 \quad (9, 0, 3)$$

↓
ارتفاع

۳۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$a \left(x^2 + \frac{4}{a}x + \frac{4}{a^2} - \frac{4}{a} \right) + (y^2 - 2y + 1 - 1) = 0$$

$$a \left(x + \frac{2}{a} \right)^2 + (y - 1)^2 = \frac{4}{a} + 1 \Rightarrow \frac{a \left(x + \frac{2}{a} \right)^2}{\frac{4}{a} + 1} + \frac{(y - 1)^2}{\frac{4}{a} + 1} = 1$$

چون هذلولی افقی است لذا $-4 < a < 0 \Leftrightarrow -\frac{4}{a} + 1 < 0 < 1$

$$2(x^2 - 2x + 1 - 1) + vy^2 = 12 \Rightarrow 2(x-1)^2 + vy^2 = 14 \quad .\text{--} ۳۸$$

$$\frac{(x-1)^2}{v} + \frac{y^2}{2} = 1 \Rightarrow c^2 = v - 2 = 5 \Rightarrow c = \sqrt{5}$$

$$O(1,0) \xrightarrow{\text{افقی}} F \left| \begin{array}{l} 1 + \sqrt{5} \\ \cdot \end{array} \right. \text{ و } F' \left| \begin{array}{l} 1 - \sqrt{5} \\ \cdot \end{array} \right., R = \sqrt{5} = C$$

$$\begin{cases} (x-1)^2 + y^2 = 5 \\ y = x \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x^2 - 2x + 1 + x^2 = 5 \\ 2x^2 - 2x - 4 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -1 \\ x = 2 \end{cases}$$

$$A^T = A \text{ و } B^T = -B \quad .\text{--} ۳۹$$

$$\underbrace{(A+B)(A-B)}_{A^2 - AB + BA - B^2} = A^2 - B^2 \Rightarrow AB = BA$$

$$A^2 - AB + BA - B^2$$

$$(AB)^T = B^T A^T = -BA = -AB \Rightarrow AB \text{ پاد متقارن است.}$$

$$\xrightarrow{\text{مجموع درایه ها}} 3a + 3b + 3c + 3x = 6 \Rightarrow a + b + c + x = 2 \quad .\text{--} ۴۰$$

$$|A| \xrightarrow{\frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_3}} = \begin{vmatrix} a+b+c+x & a+b+c+x & a+b+c+x \\ b & b+x & b \\ c & c & c+x \end{vmatrix} = \wedge$$

$$(a+b+c+x) \underbrace{\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ b & b+x & b \\ c & c & c+x \end{vmatrix}}_{2} = \wedge \xrightarrow{\frac{C_2 - C_1}{C_3 - C_1}} 2 \begin{vmatrix} 1 & 0 & 0 \\ b & x & x \\ c & \cdot & x \end{vmatrix} = \wedge \xrightarrow{\text{مثلثی}} 2x^2 = \wedge : x = \pm 2$$

$$\quad .\text{--} ۴۱$$

$$\text{فراوانی مطلق} \xrightarrow{f_i} \text{فراوانی تجمعی دسته آخر} \quad , \quad \begin{cases} N = F_n \Rightarrow \\ f_i = F_i - F_{i-1} \end{cases} \quad \text{فراوانی نسبی} \xrightarrow{\text{تفاضل فراوانی تجمعی}} \text{دو دسته متولی}$$

$$\Rightarrow \bar{f}_n = \frac{F_n - F_{n-1}}{N} = \frac{a - 14}{50} = \frac{24}{100} \Rightarrow a = 26 \Rightarrow f_n = 41 - 26 = 15$$



۴۲- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned}\sum x_i &= 100 \\ \sum x_i^2 &= 272 \quad \Rightarrow \quad \bar{x} = \frac{\sum x_i}{n} = \frac{100}{50} = 2 \\ n &= 50\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sigma^2 &= \frac{1}{n} \sum x_i^2 - (\bar{x})^2 \Rightarrow \sigma^2 = \frac{1}{50} \times 272 - \left(\frac{100}{50}\right)^2 = \frac{272}{50} - 4 \\ &= \frac{26}{25} \quad \sigma = \sqrt{\frac{26}{25}} \quad C.V = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{\sqrt{26}}{2} = 0.6\end{aligned}$$

۴۳- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned}-2 \leq x \leq 2 \Rightarrow A &= \{-2, -1, 0, 1, 2\} \text{ و } R \subset A \times A \\ \Rightarrow R &= \{(-2, -1), (-2, 0), (-2, 1), (-2, 2), (-1, 0), (-1, 1), (-1, 2), (0, 1), (0, 2), (1, 2)\} \\ &= |R| = 10\end{aligned}$$

۴۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$(A \times B) - (B \times A) = \emptyset \Rightarrow A \times B = B \times A \Rightarrow A = B$$

$$A \cap B = A \neq \emptyset$$

۴۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$[(2, 5)] = \{(x, y) | (x, y) R (2, 5)\} \Rightarrow x + 5 = y + 2$$

$$y - x = 3 \Rightarrow x = y - 3$$

$$y = \{4, 1, 7, 6, 5, 2\} \Rightarrow |[(2, 5)]| = 6$$

۴۶- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

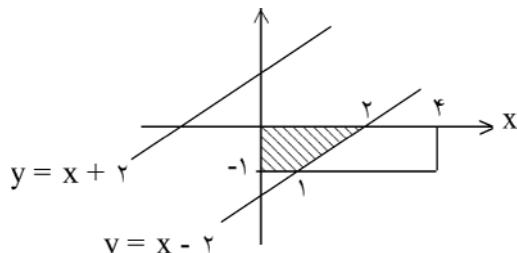
$$n(S) = \underbrace{\textcircled{1}}_{4} \underbrace{\textcircled{2}}_{4} \underbrace{\textcircled{3}}_{3} = 48 \quad n(A) = \underbrace{\textcircled{4}}_{\substack{\text{فقط صفر}}} \underbrace{\textcircled{3}}_{4} \underbrace{\textcircled{1}}_{\substack{\text{یا} \\ 2}} + \underbrace{\textcircled{3}}_{4} \underbrace{\textcircled{3}}_{\substack{\text{یا} \\ 2}} \underbrace{\textcircled{2}}_{1} = 30$$

$$P(A) = \frac{30}{48} = \frac{5}{8}$$

۴۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned}x &\in [0, 4] \\ y &\in [-1, 0] \Rightarrow a_S = 4 \times 1 = 4\end{aligned}$$

$$|x - y| < 2 \Rightarrow x - y < 2 \text{ یا } x - y > -2 \rightarrow \begin{cases} y - x = 2 \\ y - x = -2 \end{cases} \text{ را رسم می‌کنیم}$$



$$a_A \text{ هاشور} \quad \frac{(1+2) \times 1}{2} = \frac{3}{2} : p(A) = \frac{a_A}{a_S} = \frac{3}{8}$$



$$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{\binom{4}{2} \binom{6}{2}}{\binom{10}{4}} = \frac{4}{7}$$

- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

A' پیشامدی است که افراد دو گروه به تساوی انتخاب شوند.

- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. در گزینه‌ی ۱: یک رأس از درجه ۱ - p داریم پس حداقل درجه باید ۱ باشد.
در گزینه‌ی ۲: تعداد رئوس فرد، زوج نیست، در گزینه‌ی ۳: چون یک رأس ۱ - p و یک رأس ۲ - p داریم درجه ماقبل S باید حداقل ۲ باشد که نیست.

- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\text{می‌دانیم } 10^n \text{ برای عدد صفر تولید می‌کند و } 1 - 10^{2n} \text{ تا } 9 \text{ تولید می‌کند.}$$

$$10^{3n} - 10^n = 10^n(10^{2n} - 1) = 10^n \times \underbrace{999\dots 9}_{2n} \xrightarrow{\text{مجموع ارقام}} 2n \times 9 = 216 \Rightarrow n = 12$$

$$(n+4, 9n-5) = d \rightarrow d \left| \begin{vmatrix} 1 & 4 \\ 9 & -5 \end{vmatrix} \right. = 41 \Rightarrow n+4 \equiv 0 \pmod{41} \quad - 51$$

$$n \equiv -4 \equiv 37 \pmod{41} \quad \begin{cases} k=0 & n=37 \\ k=1 & n=78 \end{cases}$$

$$v^r = 49 \equiv -8 \xrightarrow{\times 7} v^{19} \equiv -56 \equiv 1 \Rightarrow v^{198^{19}} \equiv 1 \xrightarrow{\times 7^r} v^{200^{19}} \equiv 49 \equiv -8 \Rightarrow v^{200} + 8 \equiv 0 \Rightarrow a = 8 \quad - 52$$

$$a^m \equiv b \Rightarrow \begin{cases} a^n \equiv b^n \\ k_a \equiv k_b \end{cases}$$

- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$M = \begin{bmatrix} a & 1 & \dots \\ b & \dots & 1 & \dots \\ c & \dots & \dots & 1 \\ d & \dots & \dots & \dots \end{bmatrix} \Rightarrow M^r = M \times M = \begin{bmatrix} \dots & 1 & \dots \\ \dots & \dots & 1 \\ 1 & \dots & \dots \end{bmatrix}$$

$$R = \{(a, b)(b, c)(c, d)(d, a)\}$$

پس تعداد یک‌ها ۷ است.

$$M^r(R) = M(ROR) \Rightarrow ROR = \{(a, c)(b, d)(c, a)(d, b)\}$$

$$n(s) = \binom{6}{2} = 15 \quad - 54$$

- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$A = \{\{1, 2\}, \{2, 3\}, \{3, 4\}, \{4, 5\}, \{5, 6\}\} \rightarrow n(A) = 5$$

$$\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(s)} = \frac{1}{3}$$



۵۵- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

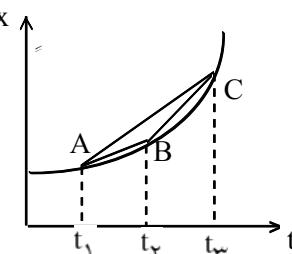
$$p(10 \leq x < 100) = \sum_{i=1}^{99} P(x = i) = \sum_{i=10}^{99} \frac{1}{(i^2 + i)} = \sum_{i=10}^{99} \left(\frac{1}{i} - \frac{1}{i+1} \right)$$

$$= \frac{1}{10} - \frac{1}{11} + \dots + \frac{1}{99} - \frac{1}{100} = \frac{1}{10} - \frac{1}{100} = \frac{9}{100} = 0.09$$

۵۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$m_{BC} = \bar{V}_{t_2 \text{ تا } t_3}$ از شیب پاره خط BC دو پاره خط دیگر بیشتر است.

راه حل دوم: چون نمودار مکان جسم به صورت سهمی است، بنابراین حرکت با شتاب ثابت می‌باشد در نتیجه:

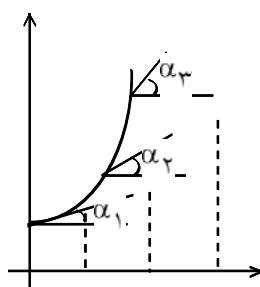


$$\bar{V}_{t_1 \text{ تا } t_3} = \frac{V_1 + V_3}{2}, \quad \bar{V}_{t_1 \text{ تا } t_2} = \frac{V_1 + V_2}{2}, \quad \bar{V}_{t_2 \text{ تا } t_3} = \frac{V_2 + V_3}{2}$$

سرعت در هر لحظه شیب نمودار می‌باشد.

مطابق شکل $\alpha_3 > \alpha_2 > \alpha_1$ می‌باشد.

بنابراین در بازه‌ی t_2 و t_3 از \bar{V} دو گزینه‌ی دیگر بیشتر می‌باشد.



۵۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. با توجه به محل برخورد پرتابه به تپه که بالاتر از نقطه‌ی پرتاب است، مقدار بیشترین

سرعت در لحظه‌ی پرتاب می‌باشد.

کمترین مقدار سرعت نیز در نقطه‌ی اوج می‌باشد.

$$V_{\text{Min}} = V_x = V \cdot \cos \alpha \rightarrow 50 = 100 \cos \alpha \rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{2} \rightarrow \alpha = 60^\circ$$



-۵۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. چون سرعت متحرک در هر لحظه بر مسیر حرکت در همان لحظه مماس است، پس

$$m = \operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{1} = 3$$

شیب خط $y = 3x + 5$ همان زاویه‌ای است که بردار سرعت متحرک با محور افقی می‌سازد.

$$1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{1}{1 + \operatorname{tg}^2 \alpha} = \frac{1}{1 + 9} = \frac{1}{10} \rightarrow \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{10}}$$

$$\sin^2 \alpha = 1 - \cos^2 \alpha \rightarrow \sin^2 \alpha = 1 - \frac{1}{10} = \frac{9}{10} \rightarrow \sin \alpha = \frac{3}{\sqrt{10}}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} V_x = V \cos \alpha = \sqrt{10} \times \frac{1}{\sqrt{10}} = 1 \\ V_y = V \sin \alpha = \sqrt{10} \times \frac{3}{\sqrt{10}} = 3 \end{array} \right. \rightarrow \vec{V} = V_x \vec{i} + V_y \vec{j} \rightarrow \vec{V} = \vec{i} + 3\vec{j}$$

راه دوم: با توجه به گزینه‌ها فقط بردار گزینه‌ی ۱ صحیح است چون \tan زاویه‌ای که با محور x می‌سازد برابر 3 است. $\vec{V} = \vec{i} + 3\vec{j}$

-۵۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. سرعت اولیه حرکت را V در نظر می‌گیریم.

$$\Delta x = \frac{1}{2} a t^2 + V \cdot t \rightarrow \Delta x_1 = \frac{1}{2} (2)(2)^2 + V \cdot 2 = 4 + 2V.$$

$$V = at + V \rightarrow V = 2 \times 2 + V = 4 + V.$$

سرعت متحرک بعد از دو ثانیه

$$\Delta x_2 = \frac{1}{2} a t^2 + V \cdot t = \frac{1}{2} \times (-2)(3)^2 + (4 + V) \times 3 \rightarrow \Delta x_2 = -9 + 12 + 3V = 3 + 3V.$$

$$\Delta x_1 + \Delta x_2 = 4 + 2V + 3 + 3V = v + 5V.$$

$$\bar{V} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow \frac{v+5V}{2} = \frac{5V}{2} \rightarrow 5V + v = 32 \rightarrow 5V = 25 \rightarrow V = 5 \text{ m/s}$$

-۶۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\left(\vec{i} - \frac{1}{\sqrt{3}} \vec{j} \right) \times 2 = \frac{1}{\sqrt{3}} (\vec{V} - 2\vec{i} - \vec{j}) \Rightarrow 2\vec{i} - \vec{j} = \frac{1}{\sqrt{3}} (\vec{V} - 2\vec{i} - \vec{j}) \Rightarrow 2\vec{i} - 2\vec{j} = \vec{V} - 2\vec{i} - \vec{j} \rightarrow \vec{V} = 6\vec{i} - \vec{j}$$

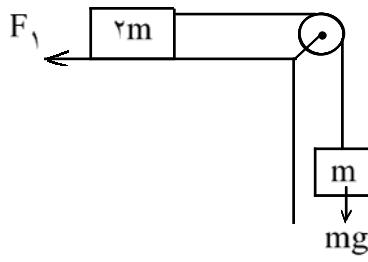
$$V = \sqrt{6^2 + (-1)^2} = \sqrt{37}$$

-۶۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$V^2 - V_{\perp}^2 = gh \rightarrow V^2 - 0 = 2 \times g \times 15 = 30g$$

اگر جهت + محور y را رو به پایین انتخاب کنیم:

$$V^2 - V_{\perp}^2 = 2a\Delta x \rightarrow 0 - 30g = 2a \times 1/5 \rightarrow a = \frac{-30g}{2} = -15g \rightarrow |a| = 15g$$



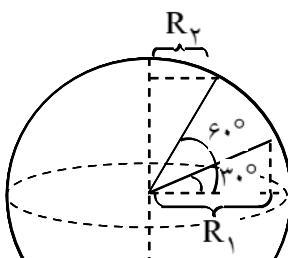
۶۲- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\sum F - \sum R = ma \rightarrow mg - F_f = (m_1 + m_2)a$$

$$mg - \mu(2mg) = 3ma$$

$$mg - 2\mu mg = 3m \times \frac{g}{5} \rightarrow mg - \frac{2mg}{5} = 2\mu mg$$

$$g - \frac{2}{5}g = 2\mu g \rightarrow \frac{3}{5}g = 2\mu g \rightarrow \mu = \frac{3}{10}$$



۶۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. بسامد زاویه‌ای زمین در تمام نقاط برابر می‌باشد.

$$\cos 30 = \frac{R_1}{R} \rightarrow R_1 = R \cos 30$$

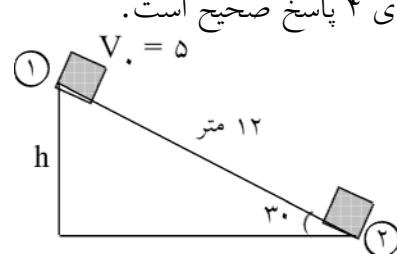
$$\cos 60 = \frac{R_2}{R} \rightarrow R_2 = R \cos 60$$

$$V = R\omega \rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{R_1}{R_2} \rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \frac{R \cos 30}{R \cos 60} = \frac{\sqrt{3}}{2} \rightarrow \frac{V_1}{V_2} = \sqrt{3} \rightarrow V_2 = \frac{V_1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} V_1$$

$$h = \frac{L}{2} = \frac{12}{2} = 6 \text{ متر}$$

$$E_2 - E_1 = W_{fk}$$

$$\frac{1}{2} \times 2(\lambda)^2 - \left[2 \times 10 \times 6 + \frac{1}{2} \times 2 \times 25 \right] = W_{fk} \rightarrow W_{fk} = -81$$



۶۴- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

یخ ۱۵ - بیخ صفر → آب صفر درجه → آب ۰°C

$$Q = mC(20 - 0) + mL_f + mC'(0 + 15)$$

$$\rightarrow Q_C = 2 \times 4/2(20) + 2/340 + 2 \times 2/1(15) \rightarrow Q_C = 911 \text{ kJ}$$

$$K = \frac{Q_C}{W} \rightarrow 5 = \frac{911}{W} \rightarrow W = \frac{911}{5} \rightarrow P = \frac{W}{t} \rightarrow P = \frac{\frac{911}{5} \times 1000}{3600} = 50/6 \text{ وات}$$

۶۵- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۶۶- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\frac{PV}{T} = nR \rightarrow \frac{PV}{RT} = n \rightarrow n_1 = 2n_2 \rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1 R} = 2 \times \frac{P_2 V_2}{T_2 R}$$

$$\rightarrow P_1 V_1 = 2P_2 V_2 \rightarrow 4 \times 30 = 2 \times P_2 \times 15 \rightarrow P_2 = 4 \text{ atm}$$

- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

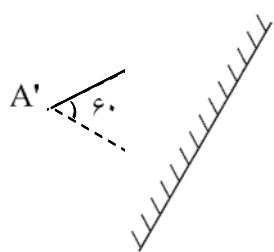
راه دوم: اگر نصف جرم گاز خارج شود حجم گاز نصف می‌شود و برابر ۱۵ لیتر می‌شود.

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \rightarrow 4 \times 15 = P_2 \times 15 \rightarrow P_2 = 4 \text{ atm}$$

- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. در فرآیند هم دما، دما ثابت است و در فرآیندهای هم حجم و هم فشار گرما مبادله می‌شود.

- گزینه‌ی ۶۹ پاسخ صحیح است. فرآیند AB یک فرآیند هم دما که نمودارهای ۲ و ۴ می‌تواند درست باشند فرآیند BC نیز هم فشار می‌باشد ($V = KT$) که در این صورت فقط گزینه‌ی ۴ می‌تواند درست باشد.

- گزینه‌ی ۷۰ پاسخ صحیح است. آینه محدب همواره از شی حقیقی تصویر مجازی می‌دهد اگر جسم از رأس تا بینهایت جابه‌جا شود تصویر از آینه تا کانون جابه‌جا می‌شود.



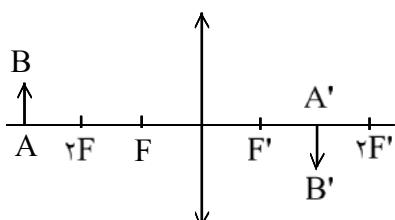
- گزینه‌ی ۷۱ پاسخ صحیح است. (با توجه به شکل مقابل) راه دوم: اگر آینه قائم باشد زاویه بین جسم و تصویر برابر صفر درجه است. اگر آینه از راستای قائم به اندازه‌ی ۳۰ درجه دوران کند، تصویر ۶۰ درجه دوران می‌کند.

$$P = 3f$$

- گزینه‌ی ۷۲ پاسخ صحیح است.

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \rightarrow \frac{1}{3f} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \rightarrow q = 1/5f \rightarrow m = \frac{q}{P} = \frac{1/5f}{3f} = \frac{1}{2}$$

راده دوم: در کلیه آینه‌ها و عدسی‌ها فاصله‌ی جسم تا کانون $\frac{f}{m}$ می‌باشد.



- گزینه‌ی ۷۳ پاسخ صحیح است. هر نوری که به مرکز عدسی بتابد بدون شکست از عدسی خارج می‌شود. اگر جسم به عدسی نزدیک شود یعنی در جهت مثبت محور X‌ها حرکت نماید تصویر هم در همان جهت حرکت می‌نماید.

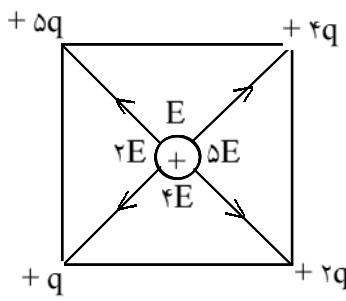
$$P_1 = P_2 \rightarrow \rho_1 gh_1 = \rho_2 gh_2 \rightarrow \rho_1 h_1 = \rho_2 h_2$$

- گزینه‌ی ۷۴ پاسخ صحیح است.

$$2 \times 24 = \rho_2 \times 30 \rightarrow \rho_2 = 1/6 \text{ g/cm}^3$$

۷۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. چگالی تیغ از چگالی آب بسیار بیشتر است. پس موارد ۱ و ۲ نیز نمی‌توانند صحیح باشند.

۷۶- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. طول خطکش بر حسب میلی‌متر مدرج شده است بنابراین دقت اندازه‌گیری آن برابر $752 \div 10 = 75/2$ میلی‌متر یا بر حسب سانتی‌متر تقسیم بر عدد ۱۰ می‌باشد. مثلاً



۷۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} E'^2 &= (3E)^2 + (3E)^2 \\ E'^2 &= 9E^2 + 9E^2 = 18E^2 \\ E' &= 3\sqrt{2}E \end{aligned}$$

$$\tan \alpha = \frac{I}{V_1} = \frac{I}{RI} = \frac{1}{R} \rightarrow R = \frac{1}{\tan \alpha}$$

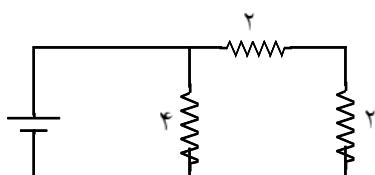
۷۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\left\{ \begin{array}{l} R_B = \frac{1}{2} = 10 \\ R_A = \frac{1}{2} = \frac{10}{2} = 5 \end{array} \right. \rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \frac{10}{5} \rightarrow R_B = 2R_A$$

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r} \rightarrow 0.5 = \frac{\varepsilon}{14 + 1} \rightarrow \varepsilon = 7/5$$

۷۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$P = rI^2 = 1(0.5)^2 = \frac{1}{4} = 0.25$$



$$R_{3,6} = \frac{3 \times 6}{3 + 6} = 2 \quad \text{و} \quad R_{4,4} = \frac{4 \times 4}{4 + 4} = 2$$

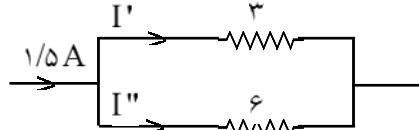
$$2 + 2 = 4$$

$$R_T = \frac{R_1}{n} = \frac{4}{2} = 2 \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R+r} \rightarrow I = \frac{6}{2+1} = 2A$$

$$RI = R_1 I_1 \rightarrow 2 \times 3 = 4I_1 \rightarrow I_1 = 1/5A$$

$$RI = R''I''$$

$$2 \times 1/5 = 6I'' \rightarrow I'' = 0.5A$$



۸۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. هنگامی که خازن شارژ می‌گردد. دیگر جریان از مقاومت R_2 نمی‌گذرد بنابراین با تغییر R_2 بار خازن تغییر نمی‌کند.

$$C = \epsilon \cdot \frac{kA}{d}$$

زیاد
↑
C = ε · kA
↓
زیاد

$$q = CV$$

ثابت
← زیاد →
q = CV

-۸۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$V = RI \rightarrow V = 0.4 \times 0.5 = 0.2$$

ولت

$$\varepsilon = VB \cdot L \sin \alpha \rightarrow 0.2 = V \times 0.5 \times 0.2 \times 1 \rightarrow V = \frac{0.2}{0.1} \rightarrow V = 2 \text{m/s}$$

و ع برابر می‌باشند. V

-۸۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. اندازه نیروی میدان مغناطیس باید با نیروی وزن مساوی باشد تا ذره از مسیر خود خارج نشود.

$$f_B = mg \rightarrow qVB = mg \rightarrow 4 \times 10^{-6} \times 200 \times B = 0.02 \times 10^{-3} \times 10$$

$$\rightarrow 8 \times 10^{-4} B = 2 \times 10^{-4} \rightarrow B = 0.25 \text{T}$$

بنا بر قاعده‌ی دست راست باید میدان به طرف شمال باشد.

-۸۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. هنگامی شتاب ماکزیمم می‌باشد که بعد حرکت ماکزیمم باشد.

$$\sin\left(20\pi t + \frac{5\pi}{6}\right) = \pm 1 \rightarrow 20\pi t + \frac{5\pi}{6} = \frac{3\pi}{2} \rightarrow 20\pi t = \frac{3\pi}{2} - \frac{5\pi}{6} \rightarrow 20\pi t = \frac{4\pi}{6} \rightarrow t = \frac{1}{30}$$

چون فاز اولیه از $\frac{\pi}{2}$ بیشتر است باید فاز نوسان $\frac{3\pi}{2}$ فرض شود.

$$v = \frac{120}{60} = 2 \rightarrow \omega = 2\pi v = 2\pi \times 2 = 4\pi$$

زیاد
↓
v = 120 / 60
↓
ω = 2πv = 2π × 2 = 4π

-۸۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

در هر دوره متحرک ۴ برابر دامنه نوسانش را طی می‌کند.

$$F_{\text{Max}} = mA\omega^2 = \frac{20}{1000} \times 0.04 (4\pi)^2 = \frac{20}{1000} \times \frac{4}{100} \times 16\pi^2 \rightarrow F_{\text{Max}} = 128 \times 10^{-3} = 0.128 \text{N}$$

$$y = 0.04 \sin\left(10\pi t - \frac{\omega x}{V}\right)$$

زیاد
↓
y = 0.04 sin(10πt - ωx / V)
↓
y = 0.04 sin(10πt - π / 2)

-۸۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$y = 0.04 \sin\left(10\pi t - \frac{10\pi \times 0.1}{2}\right) \rightarrow y = 0.04 \sin\left(10\pi t - \frac{\pi}{2}\right) \rightarrow y = 0.04 \sin\left(10\pi \times \frac{1}{20} - \frac{\pi}{2}\right) = 0$$

$$n = 5 - 1 = 4 \rightarrow v = \frac{nV}{2L} \rightarrow 400 = \frac{4 \times V}{2 \times 0.4} \rightarrow V = 80 \text{m/s}$$

زیاد
↓
n = 5 - 1 = 4
↓
v = nV / 2L
↓
400 = 4 × V / 2 × 0.4
↓
V = 80 m/s

-۸۸- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\Delta \beta = K \log \frac{I_2}{I_1} = K \log \left(\frac{d_1}{d_2} \right)^2 = 10 \log \left(\frac{d_1}{0.1 d_1} \right)^2 \rightarrow \Delta \beta = 10 \log 100 = 20 \text{db}$$

-۹۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. اگر طول لوله نصف شود بسامد دو برابر می‌شود و سرعت ثابت می‌ماند.



-۹۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

$$\frac{v_o}{V - V_o} = \frac{v_s}{V - V_s} \rightarrow \frac{v_o}{350 + 10} = \frac{1800}{350 - 30} \rightarrow \frac{v_o}{360} = \frac{1800}{320} \rightarrow v_o = \frac{360 \times 1800}{320} = 2025$$

-۹۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. چهار بار تشدید حاصل می‌شود

$$\frac{\lambda}{4} = \frac{60}{4} = 15 \text{ cm} \quad 1 \times 15 = 15 \quad 5 \times 15 = 75 \\ 3 \times 15 = 45 \quad 7 \times 15 = 105$$

-۹۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. بسامد در آب و هوای ثابت است.

$$\lambda = \frac{V}{v} \rightarrow 6 \times 10^{-7} = \frac{3 \times 10^8}{v} \rightarrow v = 5 \times 10^{14} \text{ Hz}$$

-۹۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. فاصله‌ی دو نوار روشن متواالی ضخامت دو نوار می‌باشد.
فاصله دهمین نوار تاریک تا نوار روشن مرکزی برابر ضخامت ۱۹ نوار است.

نوار	mm	
۲	۴	$(2n - 1) = (2 \times 10 - 1) = 19$
۱۹	x	$x = 38 \text{ mm}$

-۹۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$K = hv - W \rightarrow . = h \frac{V}{\lambda} - W \rightarrow W = \frac{hV}{\lambda} \rightarrow W = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{0.2 \times 10^{-6}} = 6 \text{ eV}$$

$$K_{\text{Max}} = hv - W = h \frac{V}{\lambda} - W = 4 \times 10^{-15} \times \frac{3 \times 10^8}{0.1 \times 10^{-6}} - 6 \rightarrow K_{\text{Max}} = 12 - 6 = 6 \text{ eV}$$

-۹۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$a_\lambda = \frac{\text{مقدار انرژی جذب شده}}{\text{مقدار انرژی انرژی تابیده}} \rightarrow 0.6 = \frac{W}{2400 + W} \rightarrow 1440 + 0.6W = W$$

$$\rightarrow W = \frac{1440}{0.4} = 3600 \quad P = \frac{W}{t} \rightarrow P = \frac{3600}{1} \text{ وات}$$

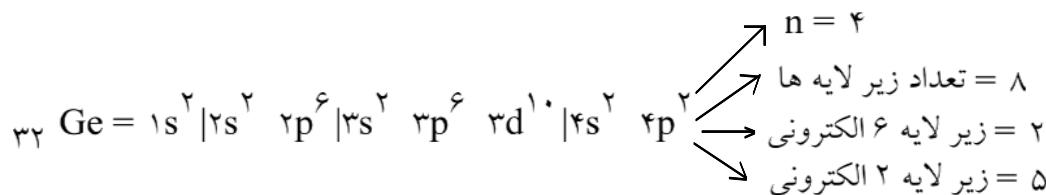
-۹۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در نیمرسانای نوع n تراز دهنده در فاصله‌ی کمی زیر نوار رسانش قرار دارد. در نیمرسانای نوع p تراز پذیرنده در فاصله‌ی کمی بالای نوار ظرفیت قرار دارد.

-۹۸- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. در واپاشی β یک نوترون تبدیل به یک الکترون و یک پروتون می‌شود که الکترون از هسته خارج می‌شود. ولی پروتون در هسته باقی می‌ماند. $A = Z + N \rightarrow A = Z + 1 + N - 1 = Z + N$ در نتیجه عدد جرمی که مجموع نوکلئون‌ها می‌باشد ثابت می‌ماند.

-۹۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. این نتیجه‌گیری مربوط به رادرفورد است نه تامسون.

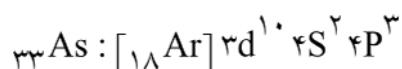
۱۰۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. چون الکترون‌ها جرم ناچیزی دارند.

۱۰۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.



۱۰۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. عنصر M عنصری از گروه پنجم است و عنصر هم گروه آن As می‌باشد.

در ضمن لازم به توضیح است که خواص عنصرهای یک گروه مشابه است.

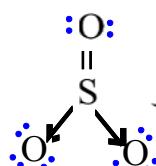


۱۰۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۰۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

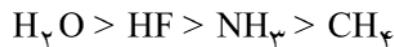
۱۰۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

همگی چهار پیوند دارند.



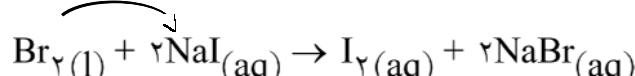
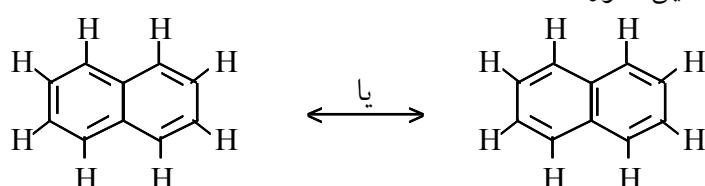
ترکیب‌های CH_2O و HCN قطبی و ترکیب‌های CO_2 و SO_3 ناقطبی هستند در ضمن شمار الکترون‌های ناپیوندی لایه‌ی ظرفیت هر اتم نوشته شود.

۱۰۶- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. مولکول CH_4 دارای نیروی بین مولکولی لاندنی که از همه ضعیفتر است می‌باشد و بقیه دارای پیوند هیدروژنی هستند که ترتیب نقطه‌ی جوش آنها به صورت زیر می‌باشد:



۱۰۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۰۸- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. فرمول ساختاری نفتالین به این صورت است.

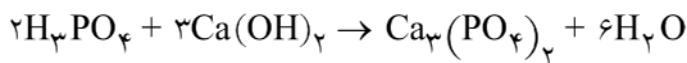


۱۰۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.



۱۱۰- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

۱۱۱- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.



$$\frac{\text{ضریب مولی } H_3PO_4}{\text{ضریب مولی } H_2O} = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$$

۱۱۲- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\frac{\text{جرم قلع}}{\text{جرم مولکولی} \times \text{ضریب}} = \frac{SnF_2}{119} \rightarrow \frac{23/82}{1 \times 157} = \frac{?}{x} \rightarrow x = 31/4 \text{ گرم اتمی} \times \text{ضریب}$$

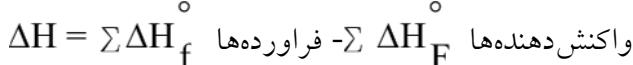
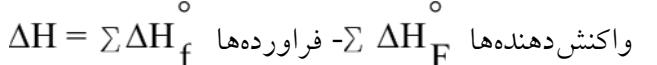
$$\frac{\text{جرم ماده‌ی خالص}}{\text{جرم ماده‌ی ناخالص}} = \frac{80}{100} = \frac{31/4}{x} \rightarrow x = 39/25$$

۱۱۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} M_1 \text{ مولاریته اولی} \\ a_1 \text{ ضریب اولی} \\ V_1 \text{ حجم اولی} \end{array} \right\} \Rightarrow \frac{M_1 \cdot V_1}{a_1} = \frac{M_2 \cdot V_2}{a_2} \rightarrow \frac{0.3 \times ?}{1} = \frac{0.18 \times 150}{2} \rightarrow x = 45$$

۱۱۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. انرژی درونی تابع حالت است و به مسیر انجام فرایند بستگی ندارد.

۱۱۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.



$$\Delta H = [4(-393/5) + 2(-242)] - [2(+227) + 5(0)] = -2512$$

به ازای سوختن دو مول

و به ازای سوختن $2/2$ مول $251/2$ کیلوژول گرم‌آزاد می‌شود.

۱۱۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. نمی‌توان این واکنش را به روش تجربی انجام داد.

۱۱۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۱۸- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. لیتیم کلرید (Li^+, Cl^-) جامد یونی است و در تولوئن که مولکول‌های ناقطبی دارد نمی‌تواند حل شود.

۱۱۹- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} \frac{20}{80} \times 100 = \%25 \quad \text{درصد جرمی} \rightarrow \text{گرم محلول} \\ \frac{4}{50} = \%8 \quad \text{درصد جرمی دومی} \rightarrow \text{گرم} \end{array} \right\} \frac{25}{8} = 3/125 \text{ مول}$$



$$[\text{H}^+] = M \cdot \alpha \rightarrow \alpha = \frac{1/9 \times 10^{-3}}{0.2} = 0.05 \times 10^{-2} \times 100 \rightarrow \% / 0.05$$

۱۲۰ - گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

۱۲۱ - گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. ذرات کلوئید مانند محلول تهنشینی ندارد.

۱۲۲ - گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به فرمول صحیح واکنش:

$$RN_2O_5 \rightarrow 4NO_2 + O_2$$

$$RN_2O_5 = \frac{-\Delta n}{\Delta t} = \frac{-(0.01) \text{ molL}^{1-}}{400 \text{ s}} = 2.5 \times 10^{-5} \text{ molL}^{1-} \text{ s}^{1-}$$

$$\frac{R[N_2O_5]}{2} = \frac{R[O_2]}{1} \rightarrow \frac{2.5 \times 10^{-5}}{2} = \frac{R[O_2]}{1} \rightarrow R[O_2] = 1.25 \times 10^{-5} \text{ molL}^{1-} \text{ s}^{1-}$$

۱۲۳ - گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$\Delta H = E_a - E'_a \left\{ \begin{array}{l} +40 = 80 - E'_a \rightarrow E'_a = 40 \\ -40 = 80 - E'_a \rightarrow E'_a = 120 \end{array} \right. \Rightarrow 120 - 40 = 80 \text{ kJ}$$

۱۲۴ - گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. چون در شکل اولین اتم H که اضافه می‌شود رادیکال اتیل می‌سازد و دومین اتم H که اضافه می‌شود اتان تولید می‌کند.

۱۲۵ - گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با در نظر گرفتن دو مجھول داریم:

$$400 \text{ cm}^3 \div 1000 = 0.4 \text{ lit} \quad \frac{0.0404}{0.4} = 0.101 \text{ molL}^{1-} \quad [O_2] = [N_2] = x$$

$$2NO \rightleftharpoons N_2 + O_2 \rightarrow 2.5 \times 10^{-3} = \frac{x^2}{(0.101 - 2x)^2} \rightarrow x = 0.05$$

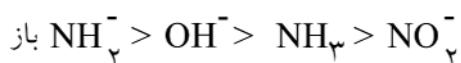
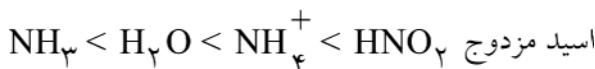
$$[NO] = 0.101 - \underbrace{2(0.05)}_{0.1} = 0.001 \text{ molL}^{1-} \quad \text{غلظت NO}$$

فقط در گزینه‌ی (۳) غلظت‌های O₂ و N₂ درست نشان داده ولی غلظت NO صحیح نیست.

۱۲۶ - گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

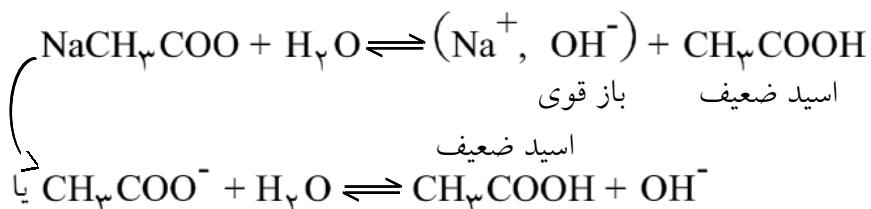
۱۲۷ - گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. با توجه به فرمول چون هیچ کدام گازی نیستند تغییرات فشار بر آنها اثر ندارد.

۱۲۸ - گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به این مطلب که هر کدام اسید ضعیفتری دارد با مزدوج آن قوی‌تر است. و با مراجعه به جدول صفحه‌ی ۵۸ کتاب.





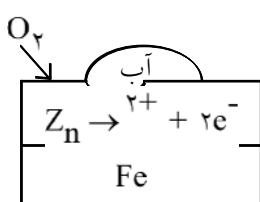
۱۲۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.



محیط بازی با متیل نارنجی زرد رنگ می‌شود.

۱۳۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. نوع اسید و باز از نظر ظرفیت و همچنین مولاریته آنها مشخص نیست.

۱۳۱- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. کاتد از جنس گرافیت متخلخل است (مانند آند).



۱۳۲- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. چون E_{Zn}° کوچک‌تر از E_{Fe}° است پس نقش آند دارد اکسایش یافته و خورده می‌شود.

۱۳۳- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۳۴- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. فعل invite (دعوت کردن) متعدد بوده و بعد از نقطه‌چین، مفعول مورد نظر بکار نرفته است بنابراین مجھول است. تنها گزینه‌ی مجھول گزینه‌ی ۳ می‌باشد و سایر گزینه‌ها معلوم می‌باشند.

۱۳۵- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به الگو:

جمله + (that) + فعل + مبتدا

صفت

قید حالت

۱۳۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در این تست کلمه‌ی ربط because به معنی since می‌باشد. معنی جمله: به خاطر این که جرج دانش‌آموز خوبی بوده است، مدرسه‌ی یک جایزه به او داده است.

۱۳۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. بعد از فعل ربطی (is) صفت بکار می‌رود. معنی جمله: تام شخص جالبی است. تقریباً همه از صحبت کردن با او لذت می‌برند.

۱۳۸- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. عبارت migh have + p.p بیانگر احتمال انجام کار در زمان گذشته می‌باشد. فعل invite (دعوت کردن) متعدد بوده و بعد از نقطه‌چین مفعول مورد نظر بکار نرفته است، بنابراین ساخت مجھول پیدا می‌کند.

معنی جمله: من تعجب می‌کنم چرا جین به مهمانی نیامد. او ممکن است به مهمانی دعوت نشده باشد.

۱۳۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. (اثر - تأثیر = effect) صحیح است. معنی جمله: اثرات هوای گرم در محیط زیست ما چیست؟

۱۴۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. (دنبال گشتن - جستجو کردن = look for) صحیح است. معنی جمله: ما از صبح همه جا را دنبال شما گشته‌ایم.



۱۴۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. (مقصد = destination) صحیح است. معنی جمله: مکانی که یک شخص به آن جا می‌رود یا مکانی که یک چیز به آن جا فرستاده یا برده می‌شود مقصد نامیده می‌شود.

۱۴۲- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. (تمرکز کردن حواس روی = concentrate on) صحیح است. معنی جمله: هنگام رانندگی، تمرکز حواس روی جاده مهم است.

۱۴۳- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. (فقر و بدبختی = poverty) صحیح است. معنی جمله: دولت باید برای کمک کردن به فقر و بدبختی مردم به سرعت اقدامی انجام دهد.

۱۴۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. (تصمیم گرفتن = make a decision) صحیح است. معنی جمله: او تصمیم گرفته است که به دانشکده برود و تحصیلاتش را ادامه بدهد.

۱۴۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. (انتظار = expectation) صحیح است. معنی جمله: انتظار عمومی مردم بر این بود که او در بازی برنده خواهد شد.

۱۴۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. (گنجاندن = introduce ... into) صحیح است. معنی جمله: ما می‌خواهیم فن‌آوری جدید را در مدارس بگنجانیم.

۱۴۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. (روحی و روانی = mental) صحیح است و معنی جمله: هر کسی باید هم دارای سلامتی جسمی باشد و هم دارای سلامتی روحی و روانی.

۱۴۸- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. مترادف continuously به معنی «به طور دائم» عبارتست از .constantly

۱۴۹- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۵۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۱۵۱- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۵۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۵۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۵۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۵۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۱۵۷- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۱۵۸- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.



۱۵۹- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. به مستکبران ... «لن نسمح» یعنی «اجازه نخواهیم داد» / «آن یدخلوا» یعنی «داخل شوند».

۱۶۰- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. تاریکی‌های شب ... در گزینه‌ی ۱ «شب تاریک» و «نشناختند» و در گزینه‌ی ۲ «ظلمت شبها» و «کیسه» و «نمی‌شناسند» و در گزینه‌ی ۴ «آن کیسه» و «شناخته بودند» از موارد نادرست است.

۱۶۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. آفتاب صحراء ... در گزینه‌ی ۱ «می‌سوزاند» و «باعث می‌شود» و «بیمایند» و در گزینه‌ی ۲، «در صحراء» و « DAG می‌کند» و «طی می‌کند» و در گزینه‌ی ۳ «سوزان است» و «می‌بیمایند» نادرست است.

۱۶۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. در این گزینه «زندگی خود» و «عمر» بدون خمیر، از موارد نادرست است.

۱۶۳- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. لا شغلی: در گزینه‌ی ۲ «باز گردیم» و در گزینه‌ی ۳ ترجمه نکردن «إلا» و در گزینه‌ی ۴، «منظور تو چه خواهد بود» از موارد نادرست است.

۱۶۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در گزینه ۱: جمله شرطیه است و به صورت مضارع ترجمه می‌شود: «اگر در راه مستقیم باشید...» در گزینه‌ی ۳: «بوده است» صحیح نمی‌باشد (ص: دارای بخشش است) در گزینه‌ی ۴: «لاتخلف» ترجمه نشده است (ص: صادق باش و خلف وعده مکن)، «تخلص» (ص: رها می‌شوی)

۱۶۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. در گزینه‌ی ۱: «قطره» و ترجمه نشدن «بنگر» و «أحدَثَ» و «صخرة» و در گزینه‌ی ۲: «أعْلَمَ» و «أحدَثَ» و «صخرة» و در گزینه‌ی ۳: «تعلمت» و «تشاهد» و «الثقب» از موارد نادرست است.

۱۶۶- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. بهترین‌ها ... در این گزینه فعل «أدعُوا» جمع است. (ص: أدعُ)

۱۶۷- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. بر طبق متن، استعمارگران هنگامی که با قدرتی رو به رو شوند که نتوانند بر آن غلبه کنند از ظلم خودشان برمی‌گردند.

۱۶۸- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. «مانند گلی با خار باش که از خودش مواظبت می‌کند!» که با مفهوم متن مطابقت دارد.

۱۶۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. «و کسانی که با پیامبر (ص) هستند نسبت به کافران خشن و با خودشان مهربان می‌باشند» با مفهوم متن مطابق دارد.

۱۷۰- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. «هر کس گرگ نباشد، گرگ‌ها او را می‌خورند» با مفهوم گزینه‌ی ۲ «دنسا مانند جنگل است که قوی ضعیف را می‌خورد» تناسب دارد.



۱۷۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. نکون - لکن ... صورت حرکت‌گذاری شده‌ی عبارت: «یَجِبُ أَنْ تَكُونَ فِيمَا بَيْتَنَا أَصْدَقَاءَ وَلَكِنْ فِي مُوَاجَهَةِ الْأَعْدَاءِ كَالْأَسَدِ».

توضیح: اسم «آن نکون» ضمیر مستتر «نحن» و خبر آن «أصدقاء» می‌باشد. «آن» بر سر فعل نمی‌آید و «أصدقاء» اسم غیر منصرف است و تنوین نمی‌گیرد.

۱۷۲- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. صورت حرکت‌گذاری شده‌ی عبارت: «النَّاسُ لَا يَقْتَرِبُونَ مِنَ الشَّوْكِ لِخَوْفِهِمْ عَلَى إِنْفُسِهِمْ مِنْ اذَاهٌ».

۱۷۳- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. در سایر گزینه‌ها «لغایبات - اسمه «أصدقاء» - افعال مشبهه - مبني - فاعله ...» نادرست هستند.

۱۷۴- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. در سایر گزینه‌ها «لغایبات - فاعل ضمیر بارز «ن» - معتل و أجوف - باب افعال متعدی» نادرست هستند.

۱۷۵- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در سایر گزینه‌ها «جامد - مضافق‌الیه و مجرور به تبعیت از مضاف - اسم تفصیل» نادرست هستند.

۱۷۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. در گزینه‌ی ۱ «تَبَنَّ» و در گزینه‌ی ۲ «إِرْضَى» و «أَعْفَى» و در گزینه‌ی ۴ «لَمْ تَعُدْ» صورت‌های صحیح فعل‌های معتل می‌باشند.

۱۷۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. در این گزینه «ما» اسم شرط و عامل جزم می‌باشد. در گزینه‌ی ۲ کلمه‌ی «ما» حرف نفی و در گزینه‌ی ۳ اسم موصول و در گزینه‌ی ۴ اسم استفهام است.

۱۷۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.
الیوم لا طالبة ... «لای نفی جنس» بر سر فعل نمی‌آید بنابراین سه گزینه‌ی دیگر نادرست هستند.

۱۷۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. سؤال «مفعول مطلق تأکیدی» می‌خواهد که در این گزینه کلمه‌ی «اطاعةً» مصدری است منصوب از جنس فعل «یطع» و مفعول مطلق تأکیدی می‌باشد.

توضیح: بعد از «اطاعةً» صفت یا مضافق‌الیه نیامده است. «عاجلاتٍ» حال بوده و «ارتفاعاً» تمیز است برای اسم تفضیل «اکثر»

۱۸۰- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. جای خالی به نقش «خبر و مرفاع» نیاز دارد تا جمله‌ی حالیه کامل شود.

۱۸۱- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. در این گزینه اسم تفضیل «خیر» به تمیز دارد تا ابهام آن را برطرف کند.



۱۸۲- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در این گزینه «لا یدرکُ» فعل معتدی است و احتیاج به «فاعل» دارد و «المؤمنون» فاعل آن می‌باشد.

توضیح: از آن جا که «المؤمنون» مرفوع است مشخص می‌گردد که حتماً مستثنی مُفرَغ است پس حتماً مستثنی منه آن محلوف می‌باشد.

۱۸۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در این گزینه بعد از «ربی» خبر آمده و مورد «ندا» قرار نگرفته است. در گزینه‌های دیگر فعل مخاطب به کار رفته است.

۱۸۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

۱۸۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۸۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.
واژه‌های اشتباه و صورت صحیح آنها در پرانتز چنین است: قدر (= غدر) - رذایل (= رذایل) - عزب (= عذب).

۱۸۷- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.
واژه‌های اشتباه و شکل درست آنها: آمل (عمل) - تعامل (تأمل) - سفاحت (سفاهت) - منصوب (منسوب).

۱۸۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

۱۸۹- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

۱۹۰- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۱۹۱- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. تشییه: پیک صبا - تناسب: بلقیس با سبا، پیک با روان کردن - جناس: صبا و سبا - تلمیح: داستان سلیمان و بلقیس در قرآن کریم - تشخیص: آه و صبا به دلیل روان کردن.

۱۹۲- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. حس‌آمیزی: حلاوت و تلخ در مورد سخن - متناقض‌نما: حلاوت داشتن سخن تلخ - اسلوب معادله: شباهت مفهوم هر دو مصراع که مصراع دوّم تأییدی است بر مصراع نخست - مراعات‌نظیر: ماهیان و آب دریا.

۱۹۳- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.
کنایه: دل ندادن (بی‌توجهی) به داغ دل باغ - استعاره و تشخیص: باغ چون دل به آن نسبت داده شده است.

۱۹۴- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. ترکیبات وصفی: ۱- این روزنامه ، ۲- هر روز، ۳- کودکان دوازده ساله، ۴- همان چاپخانه، ۵- چند دسته، ۶- دسته‌ی بزرگ.
ترکیبات اضافی: ۱- نام روزنامه، ۲- سر زبان‌ها، ۳- مدیر آن، ۴- نام نسیم، ۵- نسیم شمال، ۶- زمان انتشار ۷- انتشار آن.



۱۹۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. مشتق‌ها: ادب + ی + ات، خواننده، بینش، استعاری، گفتار، ادبیات، تصریفی

جایگاه - مرکب: رمان نویس.

مشتق مرگب‌ها: جهان‌بینی، ریشه‌یابی.

۱۹۶- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. بر اساس جدا خواندن «بهجهت» و «انگیز»: به : ص، م، ص / جت: ص، م، ص / آن: ص (ء)، م، ص / گیز: ص، م، ص.

۱۹۷- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. زیرا واژه‌های سه گروه دیگر، همه اسمند اما در گزینه‌ی یک همه‌ی واژها صفت هستند.

۱۹۸- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. زیرا ضمیر «م» در «نجاتم دادند» نقش مفعول دارد (مرا نجات دادند) اما در سایر ایيات متمم است (به من دادند).

۱۹۹- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

۲۰۰- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. چون مفهوم کلی سوال این است که با وجود تهیdestی، مثل شاهان بخشندگی می‌کرد، با گزینه‌ی دوم یکسان است چون می‌گوید: از دست خشک سبو آب می‌چکد؛ یعنی، با این که تهیdest است، بخشنده نیز هست.

۲۰۱- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. زیرا در اصل آزمون و گزینه‌های ۱ و ۲ و ۳، به سرنوشت و خواست خدا اصالت داده است، اما در بیت ۴ سخن از بی‌توجهی به نعمت‌های دنیا و آخرت است.

۲۰۲- گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. در بیت اوّل به عقل، قدرت و اصالت داده است، در حالی که در اصل سوال و سه گزینه‌ی دیگر، برتری عشق بر عقل خاطر نشان شده است.

۲۰۳- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. در سه گزینه‌ی دیگر موضوع ارزش نژادی نفی شده و هنر، پایه‌ی ارزیابی هر فرد دانسته شده است اما در گزینه‌ی ۳ برخلاف این است.

۲۰۴- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. ماه، نور خود را به دیگران می‌بخشد، اما آنان فانوس خود را که منبع نور و آگاهی است با خود حمل می‌کنند و به دیگران نمی‌دهند.

۲۰۵- گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. تلمیح دارد به دستور خداوند به آتش تا حضرت ابراهیم را نسوزاند: ُلنا یا نار، کونی بردا و سلاماً علی ابراهیم.

۲۰۶- گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. در بقیه‌ی گزینه‌ها دوری از همنشین بد توصیه شده است اما در این بیت فقط رنج دوری از یار بیان شده است.

۲۰۷- گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. «قدم بر سر وجود نهادن» که کنایه است از ترک خود در راه رسیدن به خداوند، معادل است با «ز خود بی‌نشان شدن» و «بی‌نشانی» در این بیت.