

باسم‌هه تعالی

ردیف	سوالات	نمره
۱	معادله‌ی خط قائم بر نمودار منحنی $y = \sqrt{x} + \sqrt{y}$ را در نقطه‌ی $A(4, 3)$ واقع بر منحنی بنویسید.	۱/۵
۲	تابع f با ضابطه‌ی $f(x) = \frac{x-1}{x+5}$ را در نظر بگیرید. مقدار $(f^{-1})'(-1)$ را محاسبه کنید.	۱/۲۵
۳	فرض کنید بادکنکی کروی مملو از هوا شعاعی برابر 10 سانتی‌متر دارد. اگر 1 سانتی‌متر دیگر به شعاع آن افزوده شود، الف) آهنگ تغییر حجم چقدر است? ب) میزان واقعی تغییر حجم را حساب کنید.	۱/۲۵
۴	جدول رفتار تابع $y = \frac{1}{1+x^2}$ را رسم نمایید و بازه‌هایی که تابع در آن صعودی یا نزولی است را تعیین کنید.	۱/۷۵
۵	ثابت کنید اگر تابع f روی بازه‌ی I مشتق پذیر بوده و f' روی I برابر مقدار ثابت صفر باشد، آنگاه f روی I ثابت است.	۱
۶	به کمک آزمون مشتق دوم، ماکسیمم و مینیمم نسبی تابع $g(x) = x + \frac{1}{x}$ را بباید.	۱/۷۵
۷	جدول تغییرات و نمودار تابع $y = \frac{x^2 + x + 2}{x - 1}$ را رسم کنید.	۲
۸	با استفاده از قاعده‌ی هوپیتال حد زیر را محاسبه کنید.	۱/۲۵
۹	به کمک دیفرانسیل، مقدار تقریبی $\sin(9^\circ)$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۰	اگر بخواهیم ریشه‌ی مثبت معادله‌ی $x^3 - 3x^2 - 2x = 0$ را با روش نیوتون و تقریب اولیه‌ی $x_1 = 1$ بباید، مقدار x_2 را محاسبه کنید.	۱
۱۱	مقدار تقریب اضافی مساحت زیر منحنی $y = x^n$ را در بازه‌ی $[2, 4]$ برای $n = 4$ به دست آورید.	۱/۵
۱۲	نامساوی $\int_{-2}^2 \frac{1}{1-x^3} dx \leq \frac{21}{10}$ را ثابت کنید.	۱/۵
۱۳	انتگرال‌های زیر را محاسبه کنید. (الف) $\int \frac{x^2 + 2}{\sqrt{x}} dx$ (ب) $\int_{-1}^1 x^2 [x] dx$	۲
۱۴	بدون محاسبه‌ی انتگرال، مشتق زیر را به دست آورید.	۱
	$\frac{d}{dt} \int_{\sin x}^{\cos x} \frac{1}{t+x^2} dt$	
۲۰	جمع نمره.	موفق باشید.

با سمه تعالی

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال تحصیلی ۱۳۹۰-۹۱ پیش دانشگاهی راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس : حساب دیفرانسیل و انتگرال (۲) رشته: علوم ریاضی مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه تاریخ امتحان: ۱۳۹۰ / ۱۰ / ۲۵	
۲	$\frac{dy}{dx} = \frac{\frac{1}{\sqrt{x}} (-/25)}{\frac{1}{\sqrt{y}} (-/25)} \Rightarrow m = -\frac{1}{2} (-/25) \Rightarrow m' = 2 (-/25) \quad y - 1 = 2(x - 4) \Rightarrow y = 2x - 7$	۱/۵
۳	$\frac{a-1}{a+5} = -1 \Rightarrow a = -2 (-/25) \quad , \quad f'(x) = \frac{6 (-/25)}{(x+5)^2 (-/25)} \Rightarrow (f^{-1})'(-1) = \frac{1}{f'(-1)} = \frac{3}{2} (-/25)$	۱/۲۵
۴	$V(r) = \frac{4}{3}\pi r^3 (-/25) \Rightarrow V'(r) = 4\pi r^2 (-/25) \Rightarrow V'(10) = 400\pi (-/25)$ $\underline{\text{ب}} \quad V(11) - V(10) = \frac{4}{3}\pi(11)^3 - \frac{4}{3}\pi(10)^3 = \frac{4}{3}\pi(1331 - 1000) (-/25)$	۱/۵
۵	$f'(x) = \frac{-2x (-/25)}{(1+x^2)^2 (-/25)} \Rightarrow f'(x) = 0 \Rightarrow x = 0 (-/25)$ تابع در بازه‌ی $(-\infty, 0)$ صعودی تابع در بازه‌ی $(0, +\infty)$ نزولی	۱/۵
۶	نقطه‌ی دلخواه $a \in I$ را اختیار می‌کنیم. نشان می‌دهیم که برای هر f برای $x \in I$ $f(a) = f(x)$ و در نتیجه ثابت است. فرض کنیم $x > a$. تابع f روی بازه‌ی $[a, x]$ در شرایط قضیه‌ی مقدار میانگین صدق می‌کند $(0/25)$. پس $f(x) = f(a) + f'(c)(x-a)$.	۱
۷	$g'(x) = 1 - \frac{1}{x^2} (-/25) \xrightarrow{g'(x)=0} x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1 (-/25) \quad , \quad g''(x) = \frac{2}{x^3} (-/25)$ چون $x = 1$ مینیمم دارد $(0/25)$ و $x = -1$ ماکسیمم دارد $(0/25)$. تابع در $(-\infty, -1)$ نزول است و در $(1, +\infty)$ صعودی است.	۱/۷۵
۸	$x = 1$ مجانب مایل $y = x + 2$ و $y = x + 2 + \frac{4}{x-1} (-/25) \Rightarrow y = x + 2$ $y' = \frac{x^2 - 2x - 3}{(x-1)^2} = 0 \Rightarrow x = 3, -1 (-/25)$	۲
	ادامه در برگه‌ی دوم	

ردیف	راهنمای تصویبی	نمره
۸	راهنمای تصویبی امتحان نهایی درس : حساب دیفرانسیل و انتگرال (۲)	رشته: علوم ریاضی پیش‌دانشگاهی
۹	داتش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در دی ماه سال تحصیلی ۱۳۹۰-۹۱	تاریخ امتحان: ۲۵ / ۱۰ / ۱۳۹۰ مرکز سنجش آموزش و پژوهش http://aee.medu.ir
۱۰	۱۱	۱۲۵
۱۱	۱۰	۱۲۵
۱۲	۱۱	۱۰
۱۳	۱۲	۱۰
۱۴	۱۳	۱۰
۱۵	۱۴	۱۰

دانلود از سایت ریاضی سرا

دانلود از سایت ریاضی سرا