

با سمه تعالي

مدت امتحان: ۱۳۵	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: رياضي فيزيك	سؤالات امتحان نهايی درس: هندسه (۲)
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۹۳/۳/۱۷	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>			

ردیف	ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	------	-------------------------	------

توجه: استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) بلا مانع است.

۱	با استفاده از استدلال استقرائي و رسم چند ضلعی هاي محدب تا $n$ ضلعی جدول زير را كامل گردد و رابطه اي که مجموع زاويه هاي داخلی يك $n$ ضلعی محدب را بيان می کند، بیابيد.	<table border="1"> <tr> <td>تعداد ضلع ها</td><td>۳</td><td>۴</td><td>۵</td><td>.....</td><td><math>n</math></td></tr> <tr> <td>مجموع زاويه هاي داخلی</td><td>۱۸۰</td><td>۳۶۰</td><td>?</td><td></td><td>?</td></tr> </table>	تعداد ضلع ها	۳	۴	۵	.....	$n$	مجموع زاويه هاي داخلی	۱۸۰	۳۶۰	?		?	۰/۷۵
تعداد ضلع ها	۳	۴	۵	.....	$n$										
مجموع زاويه هاي داخلی	۱۸۰	۳۶۰	?		?										
۲	قضيه: با استفاده از برهان خلف ثابت کنيد، اگر در مثلثي دو زاويه نابرابر باشند، ضلع رو به رو به زاويه ي بزرگتر، بزرگتر است از ضلع رو به زاويه ي کوچکتر.		۱												
۳	سه ضلع مثلثي $7, 12$ و $16$ سانتي مترند، اندازه ي پاره خطها يي که نيمساز درونی زاويه ي کوچکتر مثلث بر ضلع مقابل آن پديد می آورد را تعين کنيد.		۱												
۴	قضيه: ثابت کنيد سه نيمساز زاويه هاي داخلی هر مثلث همسند.		۱/۲۵												
۵	زاويه ي $XOY$ داده شده است. با استفاده از خط کش و پرگار روی نیم خط $O'X'$ زاويه اي به رأس $O'$ و مساوی زاويه ي $XOY$ رسم کنيد.		۱												
۶	دایره ي $C(O, 5)$ و نقطه ي $M$ به فاصله ي $\sqrt{2}$ از مرکز دایره ي $C$ داده شده است. $MT$ و $MT'$ در نقاط $T$ و $T'$ بر اين دایره مماسند. الف) طول مماس هاي $MT$ و $MT'$ را به دست آوريد. ب) نوع چهار ضلعی $OTMT'$ را با ذکر دليل مشخص کنيد.		۱/۲۵												
۷	زاويه ي ظلي $TAB$ در دایره ي به مرکز $O$ داده شده است. با استفاده از ويزگي قطر عمود بر وتر، ثابت کنيد که $\widehat{TAB} = \frac{\widehat{AB}}{2}$		۱/۵												
۸	قضيه: ثابت کنيد اگر از يك نقطه، يك مماس و يك قاطع نسبت به يك دایره رسم کنیم، قطعه اي از خط مماس محصور بین آن نقطه و نقطه ي تماس، واسطه هندسي بین دو قطعه قاطع است.		۱/۲۵												
۹	دو دایره ي به شعاع $9$ و $4$ سانتي متر، مماس بروان هستند. مقدار $x$ را چنان بیابيد که اندازه مماس مشترك خارجي آنها برابر $2 + 5x$ باشد.		۱												
	«ادامه ي پرسش ها در صفحه ي دوم»														

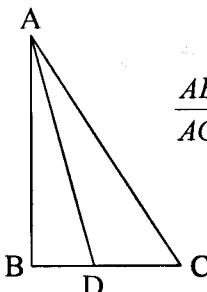
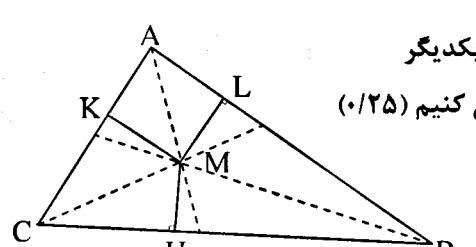
نام و نام خانوادگی :	سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۹۳/۳/۱۷	رشنده : ریاضی فیزیک ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس : هندسه(۲)	مدت امتحان: ۱۳۵
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>					تعداد صفحه: ۲

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	نقاط (۵,-۳), A(۱,۳) , B(۱,-۳) داده شده است ، خابطه‌ی انتقالی را بنویسید که A را روی B تصویر کند .	۰/۷۵
۱۱	نقاط (۲,-۲), A(۲,۲) , B(۴,۲) و C(۲,۴) رأس‌های یک مثلث هستند . الف) مثلث ABC و تصویرش را تحت تجانس $D(x,y) = \left(\frac{3}{2}x, \frac{3}{2}y\right)$ رسم کنید . ب) مساحت مثلث ABC را بدست آورده، سپس به کمک ویژگی‌های تجانس مساحت تصویر مثلث ABC را محاسبه کنید . پ) این تجانس انقباض است یا انبساط ؟ چرا ؟	۲
۱۲	معادله تصویر خط $L: 3x - y - 2 = 0$ تحت دوران $270^\circ$ حول $O(0,0)$ را بنویسید .	۱/۲۵
۱۳	در شکل روی روبرو عمود منصف QS است . با استفاده از ویژگی‌های تبدیل بازتاب ثابت کنید: $\widehat{SPR} = \widehat{QPR}$ 	۱
۱۴	عبارات زیر را با کلمات مناسب پر کنید : الف ) صفحه‌ای را که در وسط یک پاره خط برآن عمود باشد، صفحه‌ی ..... آن پاره خط، می‌نامیم . ب ) اگر دو صفحه متمایز یک نقطه مشترک داشته باشند، آنگاه در یک .....، مشترک خواهند بود . پ ) اگر L و L' دو خط متقاطع باشند، یک و تنها یک ..... شامل L و جود دارد که با L' موازی باشد . ت ) اگر دو صفحه‌ی P و P' بر هم عمود باشند، هر خط عمود بر صفحه‌ی P با صفحه‌ی P' ..... است .	۱
۱۵	قضیه: ثابت کنید اگر خط L با یکی از خط‌های صفحه‌ی P موازی باشد ، آنگاه، خط L با صفحه‌ی P موازی است .	۱/۵
۱۶	الف) اگر چند صفحه در فضای روی دو خط، پاره خط‌های متناظر متناسب ایجاد کرده باشند، آیا لزوماً آن صفحه‌ها موازی هستند؟ ب) برای رد حدس کلی زیر با استفاده از رسم شکل و توضیح آن ، یک مثال نقض ارائه کنید . در فضای اگر خطی یکی از دو خط موازی را قطع کند لزوماً دیگری را نیز قطع می‌کند .	۱
۱۷	از نقطه‌ی A خارج از خط L ، یک صفحه عمود بر L بگذرانید . ثابت کنید این صفحه یکتا است .	۱/۵
	موفق باشید	جمع نمره
۲۰		

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱/۷۵	 <p>رسم شکل (۰/۲۵)</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th>n</th><th>.....</th><th>۵</th><th>۴</th><th>۳</th><th>تعداد ضلع ها</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>180(n-2)</math> (۰/۲۵)</td><td>.....</td><td><math>3 \times 180 = 540</math> (۰/۲۵)</td><td>۳۶۰</td><td>۱۸۰</td><td>مجموع زاویه های داخلی</td></tr> </tbody> </table>	n	.....	۵	۴	۳	تعداد ضلع ها	$180(n-2)$ (۰/۲۵)	.....	$3 \times 180 = 540$ (۰/۲۵)	۳۶۰	۱۸۰	مجموع زاویه های داخلی	۱
n	.....	۵	۴	۳	تعداد ضلع ها									
$180(n-2)$ (۰/۲۵)	.....	$3 \times 180 = 540$ (۰/۲۵)	۳۶۰	۱۸۰	مجموع زاویه های داخلی									
۱	<p>فرض: <math>BC &gt; AC &gt; \hat{A} &gt; \hat{B}</math> حکم:</p> <p>برهان خلف: فرض می کنیم حکم برقرار نباشد. بنا بر این <math>BC \leq AC</math> حال اگر:</p> <p>(الف) در این حالت مثلث متساوی الساقین است. پس <math>\hat{A} = \hat{B}</math> که این خلاف فرض است.</p> <p>(ب) در این حالت با توجه به قضیه ثابت شده <math>\hat{B} &lt; \hat{A}</math> که این نیز خلاف فرض است.</p> <p>پس فرض خلف باطل است و حکم درست می باشد.</p>	۲												
۱	<p>۳ نیمساز زاویه A است بنا براین:</p>  $\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \frac{12}{16} = \frac{BD}{7-BD} \quad (۰/۲۵) \Rightarrow BD = 2 \quad (۰/۲۵) \quad DC = 7 - 2 = 5 \quad (۰/۲۵)$	۳												
۱/۲۵	<p>در مثلث ABC نیمسازهای زاویه های B و C را در میانه از M برعضلع های AB، AC و BC عمودی کنیم (۰/۲۵)</p> <p>را در M قطع کنند. از K و L عوامدی کنیم (۰/۲۵)</p> <p>تا به ترتیب آنها را در نقاط H، K و L قطع نمایند.</p>  $\left. \begin{array}{l} M \xrightarrow{\text{روی نیمساز زاویه ب}} MH = ML \\ M \xrightarrow{\text{روی نیمساز زاویه c}} MH = MK \end{array} \right\} (۰/۵) \Rightarrow ML = MK \quad (۰/۲۵)$ <p>بنابراین نقطه M روی نیمساز زاویه A نیز قرار دارد. (۰/۰) یعنی M نقطه همگرایی هر سه نیمساز است.</p>	۴												

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۵	<p>زاویه <math>XOY</math> داده شده است. به مرکز <math>O</math> وشعاع دلخواه کمانی می‌زنیم تا <math>OY</math> و <math>OX</math> را در نقاط <math>A</math> و <math>B</math> قطع کند. نیم خط <math>O'X'</math> را رسم و به همان شعاع و به مرکز <math>O'</math> کمان دوم را می‌زنیم تا <math>O'X'</math> را در <math>A'</math> قطع کند (<math>0/25</math>). سپس به مرکز <math>A'</math> وشعاعی به طول <math>AB</math> کمان دیگری می‌زنیم کمان دوم را در نقطه <math>B'</math> قطع کند. <math>O'</math> را به <math>B'</math> وصل کرده امتداد میدهیم تا نیم خط <math>O'Y'</math> حاصل شود. زاویه <math>O'Y'</math> جواب مسأله است (<math>0/25</math>). زیرا دو مثلث <math>O'AB</math> و <math>O'A'B'</math> بنا به تساوی سه ضلع همنهشتند پس دو زاویه <math>O</math> و <math>O'</math> برابرند. (<math>0/25</math>)</p>	۱
۶	<p>(الف) <math>\triangle OTM: OT \perp MT \Rightarrow \hat{OTM} = 90^\circ</math> (<math>0/25</math>)  <math>\Rightarrow MT = \sqrt{OM^2 - OT^2} = \sqrt{5^2 - 2^2} = 3</math> (<math>0/25</math>)  <math>\Rightarrow MT = MT' = 3</math> (<math>0/25</math>)</p> <p>(ب) <math>MT = MT' = OT = OT' = 3 \Rightarrow OTMT'</math> مربع است (<math>0/25</math>)</p> <p>رسم شکل (<math>0/25</math>)</p>	$1/25$
۷	<p>زاویه <math>\hat{BAT}</math> را در دایره <math>O</math> به مرکز <math>O</math> در نظر می‌گیریم. شعاع <math>OA</math> از این دایره را رسم می‌کنیم. می‌دانیم شعاع در نقطه <math>T</math> تمسیح بر خط مماس عمود است. پس <math>\hat{OAB} + \hat{BAT} = 90^\circ</math> (<math>1</math>)</p> <p>قطر عمود بر هر وتر، آن وتر و کمانهای نظیر آن وتر را نصف می‌کند.</p> <p>پس <math>\hat{AOB} = \hat{AMB} = \frac{\hat{AB}}{2}</math> و اندازه زاویه مرکزی <math>\hat{AOB} = \hat{AMB}</math> (<math>0/25</math>)</p> <p>از طرفی <math>\hat{OAB} + \hat{AOB} = 90^\circ</math> (<math>0/25</math>)</p> <p>از رابطه (۱) و (۲) نتیجه می‌شود <math>\hat{BAT} = \hat{AOB}</math> (<math>0/25</math>) با توجه به (۲) نتیجه می‌شود <math>\hat{BAT} = \hat{AOB}</math> (<math>0/25</math>)</p> <p>برهان: دایره <math>C</math> و نقطه <math>M</math> را خارج آن درنظر می‌گیریم. مماس <math>MT</math> و قاطع <math>MAA'</math> را نسبت به این دایره رسم می‌کنیم، از <math>T</math> به <math>A</math> و <math>A'</math> وصل می‌کنیم. دو مثلث <math>MA'T</math> و <math>MAT</math> متشابه اند زیرا:</p>	$1/5$
۸	<p><math>\hat{ATM} = \hat{AA'T} = \frac{\hat{AT}}{2}</math>      <math>\hat{M} = \hat{M}</math></p> <p><math>\Rightarrow \frac{MT}{MA} = \frac{MA'}{MT}</math> (<math>0/25</math>)</p> <p><math>\Rightarrow MT^2 = MA \cdot MA'</math> (<math>0/25</math>)</p> <p>رسم شکل (<math>0/25</math>)</p>	$1/25$

«ادامه در صفحه ۲ سوم»

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷ / ۳ / ۱۳۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
دانشآموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳ مرکز سنجش آموزش و پژوهش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۹	$R = 9$ $R' = 4$ $\Rightarrow d = 12 \text{ (}/25\text{)}$ $TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \text{ (}/25\text{)}$ $5x + 2 = \sqrt{13^2 - (9 - 4)^2}$ $5x + 2 = \sqrt{169 - 25} = \sqrt{144} = 12 \text{ (}/25\text{)}$ $\Rightarrow x = 2 \text{ (}/25\text{)}$	۱
۱۰	$T(x, y) = (x + h, y + k) \text{ (}/25\text{)}$ $A(-3, 5) \rightarrow B(1, 3) \Rightarrow \begin{cases} -3 + h = 1 \\ 5 + k = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} h = 4 \\ k = -2 \end{cases} \text{ (}/5\text{)}$ $\Rightarrow T(x, y) = (x + 4, y - 2)$	.۷۵
۱۱	<p>رسم شکل (۰/۵)</p> <p>(الف)</p>	۲
۱۲	$D(x, y) = \left(\frac{3}{2}x, \frac{3}{2}y\right)$ $A(-2, 2) \rightarrow A'(-3, 3)$ $B(2, 2) \rightarrow B'(3, 3) \text{ (}/25\text{)}$ $C(2, 4) \rightarrow C'(3, 6)$ $ AB  = \sqrt{(2+2)^2 + (2-2)^2} = 4 \text{ (}/25\text{)}$ $S = \frac{4 \times 2}{2} = 4 \text{ (}/25\text{)}$ , $S' = k^2 S = \left(\frac{3}{2}\right)^2 S \Rightarrow S' = 9 \text{ (}/25\text{)}$ $ BC  = \sqrt{(2-2)^2 + (4-2)^2} = 2$ <p>(پ) تجانس، انبساط است (۰/۲۵) چون <math>k &gt; 1</math></p>	.۷۵
۱۳	$L: 2x - y - 2 = 0$ $R(x, y) = (y, -x) \text{ (}/25\text{)}$ $A(0, -2) \xrightarrow{R} A'(-2, 0) \text{ (}/25\text{)}$ $B(1, 1) \xrightarrow{R} B'(1, -1) \text{ (}/25\text{)}$ $m' = \frac{-1 - 0}{1 - (-2)} = \frac{-1}{3} \text{ (}/25\text{)}$ $\Rightarrow L': y - 0 = \frac{-1}{3}(x + 2) \text{ (}/25\text{)}$ $\Rightarrow y = \frac{-1}{3}x - \frac{2}{3}$ <p>PR را به عنوان محور تقارن در نظر می‌گیریم. (۰/۲۵) تحت بازتاب نسبت به خط PR داریم:</p> <p></p> <p><math>\left\{ \begin{array}{l} S \rightarrow Q \\ P \rightarrow P \\ R \rightarrow R \end{array} \right\} \xrightarrow{(0/25)} S \hat{P} R \rightarrow Q \hat{P} R \text{ (}/25\text{)}</math></p> <p>اندازه‌ی زاویه‌ی تحت بازتاب ثابت می‌ماند.</p> $\Rightarrow S \hat{P} R = Q \hat{P} R \text{ (}/25\text{)}$	.۷۵

«ادامه در صفحه‌ی چهارم»

با سمه تعالی

رشته‌ی: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: هندسه (۲)
تاریخ امتحان ۱۷/۳/۹۳	سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور نوبت خرداد ماه سال ۱۳۹۳

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	الف) عمود منصف (۰/۲۵) ب) خط (۰/۲۵) پ) صفحه (۰/۲۵) ت) موازی (۰/۲۵)	۱
۱۵	<p>اگر خط <math>L</math> در صفحه <math>P</math> باشد حکم برقرار است. (۰/۲۵)</p> <p>فرض کنیم خط <math>L</math> در صفحه <math>P</math> قرار ندارد. اگر <math>L'</math> خطی از صفحه <math>P</math> باشد که با <math>L</math> موازی است، و <math>L</math>، <math>L'</math> متمایزند. صفحه‌ای را که از این دو خط موازی می‌گذرد <math>P'</math> می‌نامیم. (۰/۲۵) فصل مشترک دو صفحه <math>P</math> و <math>P'</math> همان خط <math>L'</math> است. (۰/۲۵) اگر خط <math>L</math> صفحه‌ی <math>P</math> را قطع کند محل تقاطع روی فصل مشترک این دو صفحه قرار دارد، (۰/۲۵) یعنی دو خط <math>L</math> و <math>L'</math> متقاطع خواهند شد که خلاف فرض است. (۰/۲۵) پس خط <math>L</math> صفحه <math>P</math> را قطع نمی‌کند و با آن موازی است. (۰/۲۵)</p>	۱/۵
۱۶	<p>الف) خیر، عکس تالس در فضای برقرار نیست. (۰/۲۵)</p> <p>ب) در مکعب مستطیل رسم شده، خطوط <math>AB</math> و <math>EF</math> موازی هستند و خط <math>EH</math> را قطع کرده است رسم شکل (۰/۲۵)</p> <p>ولی خط <math>EH</math> خط <math>AB</math> را قطع نکرده است. (۰/۵)</p>	۱
۱۷	<p>از نقطه‌ی <math>A</math> خارج خط <math>L'</math> را موازی <math>L</math> رسم می‌کنیم (۰/۲۵).</p> <p>نقطه‌ی <math>A</math> روی خط <math>L'</math> است.</p> <p>طبق مسئله حل شده صفحه‌ی <math>P</math> را از نقطه‌ی <math>A</math> بر <math>L'</math> عمود می‌کنیم (۰/۲۵).</p> <p>صفحه‌ی <math>P</math> بر یکی از دو خط موازی عمود است پس بر دیگری یعنی <math>L</math> نیز عمود است. (۰/۲۵)</p> <p>اگر صفحه‌ی <math>P'</math> نیاز <math>A</math> گذشته و بر <math>L</math> عمود باشد با <math>P</math> موازی خواهد بود. (۰/۲۵)</p> <p>بنابراین <math>P</math> و <math>P'</math> بر هم منطبق اند پس <math>P</math> یکتا است. (۰/۲۵)</p>	۱/۵
۲۰	موفق باشید! «	جمع نمره

مصححین محترم: لطفا به راه حل‌های درست و منطبق بر کتاب درسی بارم به تناسب منظور شود.

[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir)

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا