

با اسمه تعالی

سال سوم آموزش متosciphe (سالی - واحدی)	تعداد صفحه ۲	رئیسه: فنی و حرفه‌ای	مدت: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ/امتحان: ۱۳۸۹/۳/۴			
دانش آموزان و داوطلبان آزادسازی کشور در نوبت خردمند ۱۳۸۹			مرکز سنجش آموزش و پژوهش

ردیف	سوالات	نمره
۱	مقادیر $a$ و $b$ را چنان تعیین کنید که دو نقطه‌ی $(2a-3, a+3)$ و $(2a+b, 3a+10)$ بر هم منطبق باشند.	۰/۷۵
۲	اگر $B = [0, 4]$ و $A = \{x \mid x \in \mathbb{R}, 1 < x < 5\}$ باشند حاصل عبارات زیر را به دست آورید. الف) $A \cup B$ ب) $A - B$ ج) مرکز	۰/۷۵
۳	مقدار $b$ را چنان به دست آورید که نقطه‌ی $(3, b+2)$ بر روی نمودار تابع با ضابطه‌ی $y = 2\sqrt{x} \cos x + 3$ باشد.	۱
۴	دامنه‌ی توابع زیر را به دست آورید. الف) $y = \sqrt[4]{x-x^2}$ ب) $y = \sqrt[2]{\tan x}$	۱/۵
۵	اگر $g(x) = \frac{\sqrt[4]{x+3}}{x+1}$ باشند، حاصل عبارات $(g \circ f)(x)$ را به دست آورید.	۱
۶	اگر $f(x) = \sqrt{x+1}$ و $g(x) = x^2 - 1$ باشند معادله‌ی زیر را حل کنید. $(gof)(x) - \sqrt{x} = (fog)(x)$	۱
۷	با توجه به شکل زیر حاصل عبارت $A = \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^-} f(x)$ را به دست آورید.	۱/۵
۸	حدهای زیر را به دست آورید. الف) $\lim_{x \rightarrow -3^+} \frac{x^2 + 27}{x^2 - 9}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^3 x}{\sin^2 x}$ ج) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(x-1)(x+3)}{1-x+x^2}$	۲/۵
	۱۵ام در صفحه دوم	

باسمه تعالی

ساعت: ۸ صبح	مدت: ۱۲۰ دقیقه	رئیسه: فنی و حرفه‌ای	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹/۳/۴	تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه (سالی - واحدی)	
مرکز سنجش آموزش و پژوهش دانش آموزان و داوطلبان آزادسرا س کشور در نوبت خردادماه ۱۳۸۹			

ردیف	سوالات	نمره
۹	مقادیر $a, b$ را طوری تعیین کنید که تابع با ضابطه‌ی زیر در $x = 2$ پیوسته باشد.	۱/۵
۱۰	تابع با ضابطه‌ی $y = \begin{cases} \cos x \\ \frac{x}{x+4} \end{cases}$ در چه فاصله‌ای پیوسته است؟	۱
۱۱	مشتق تابع با ضابطه‌ی $f(x) = 7x^3 + 2$ را به کمک تعریف به دست آورید.	۲
۱۲	معادله‌ی خط مماس بر نمودار تابع با ضابطه‌ی $y = 2\sqrt{x}$ را در $x = 4$ واقع بر منحنی، به دست آورید.	۱/۵
۱۳	تابع $f$ با ضابطه‌ی $f(x) = x^3 + 6bx + c$ داده شده است. مقادیر $b$ و $c$ را چنان بیابید که تابع در نقطه‌ی $(7, -1)$ دارای ماکسیمم یا مینیمم باشد.	۱
۱۴	نمودار تابع با ضابطه‌ی $y = -x^3 + 3x + 1$ را به کمک مشتق رسم نمایید.	۲
۱۵	اگر $x + 3y = 12$ مقدار $x, y$ را چنان بیابید که حاصل $P = xy$ ماکسیمم گردد.	۱
	موفق باشید	جمع نمره
		۲۰

با اسمه تعالی

		رئیسه: فنی و حرفه‌ای	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹/۳/۴		سال سوم آموزش متوسطه (سالی - واحدی)	تعداد صفحه: ۳
مرکز سنجش آموزش و پژوهش	دانش آموزان و داوطلبان آزادسوسی کشور در نوبت خردادماه ۱۳۸۹		

ردیف	سوالات	نمره
۱	$\begin{cases} x_A = x_B \\ y_A = y_B \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 2a - b = 7 \\ 3a + 4 = 2a + 1 \end{cases} \quad (1/25) \quad \begin{cases} b = 5 \\ a = 6 \end{cases} \quad (1/25)$	۰/۷۵
۲	<p>الف) <math>A - B = (4, 5) \quad (1/25)</math></p> <p>ب) <math>A \cup B = [0, 5) \quad (1/25)</math></p> <p>ج) <math>B_{\text{مرکز}} = 2 \quad (1/25)</math></p>	۰/۷۵
۳	$2b + 3 = 2\sqrt{3} \cos \frac{\pi}{6} + 3 \Rightarrow 2b = 2\sqrt{3} \left( \frac{\sqrt{3}}{2} \right) \Rightarrow b = \frac{3}{2}$	۱
۴	<p>الف) <math>2x - x^2 \geq 0 \quad \frac{x}{2x-x^2} \begin{matrix} -\infty \\ - \end{matrix} \begin{matrix} 0 \\ + \end{matrix} \begin{matrix} 2 \\ - \end{matrix} \begin{matrix} +\infty \\ - \end{matrix} \quad D = [0, 2]</math></p> <p>ب) <math>Dy = \left\{ x \mid x \in \mathbb{R}, x \neq \frac{\pi}{2} + k\pi \right\} \quad (1/5)</math></p>	۰/۷۵
۵	$\left( \frac{f}{g+f} \right)(0) = \frac{f(0)}{g(0)+f(0)} = \frac{2}{2+2} = \frac{1}{2} \quad (1/25)$	۱
۶	$\begin{cases} gof(x) = g(f(x)) = (\sqrt{x+1})^2 - 1 = x \\ fog(y) = f(g(y)) = f(y) = y \end{cases} \quad (1/25)$ $gof(x) - yx = fog(y) \quad (1/25)$ $x - yx = y \Rightarrow x = \frac{y}{1-y} \quad (1/5)$	۱
۷	$A = \lim_{\substack{x \rightarrow 0^- \\ x \rightarrow 0^+}} f(x) + f'(0) + \lim_{x \rightarrow 0} f(x)$ $A = 1 + 4(0) + 1 = 10 \quad (1/5)$	۰/۷۵
	ادامه در صفحه دوم	

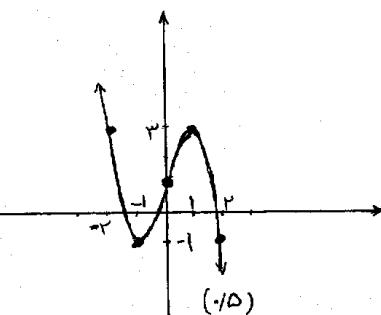
باسم‌هه تعالی

سال سوم آموزش متوسطه (سالی - واحدی)	تعداد صفحه: ۳	رشته: فنی و حرفه‌ای	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی مرسن ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹/۳/۳			
موکز سنجش آموزش و پژوهش	دانش آموزان و داوطلبان آزادسوسی کشور در نوبت خردادماه ۱۳۸۹		

ردیف	سوالات	نمره
	$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^{\frac{1}{3}} + 27}{x^{\frac{1}{3}} - 9} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{(x+3)(x^{\frac{2}{3}} - 3x^{\frac{1}{3}} + 9)}{(x+3)(x^{\frac{2}{3}})} = \frac{27}{-6} = -\frac{9}{2} \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^{\frac{1}{3}} x}{\sin^{\frac{1}{2}} x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\frac{1}{3}x}{\frac{1}{2}x} = \frac{2}{3} \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3}{(x-3)^{\frac{1}{3}}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3}{\frac{1}{3}x^{\frac{2}{3}}} = +\infty \quad (0/25)$ $(0/25) \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(x-1)(x+3)}{1-x+x^{\frac{1}{3}}} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{(1x)(x)}{(x^{\frac{1}{3}})} = 1 \quad (0/25)$ $(0/25) \quad (0/25)$	
۸	$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = f(1) \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = 1+a \quad (0/25)$ $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = 1+b \quad (0/25)$ $1+a = 1 \rightarrow a=0 \quad (0/25)$ $1+b = 1 \rightarrow b=-1 \quad (0/25)$	۱/۵
۹	$f'(1) = 1 \quad (0/25)$ $1+a = 1 \rightarrow a=0 \quad (0/25)$ $1+b = 1 \rightarrow b=-1 \quad (0/25)$	
۱۰	$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x+\Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\sqrt[3]{x+\Delta x} + 1 - (\sqrt[3]{x} + 1)}{\Delta x} \quad (0/5)$ $= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x(\sqrt[3]{x+\Delta x} + 1)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} (\sqrt[3]{x+\Delta x} + 1) = 1 \quad (0/5)$	۱
۱۱	ادامه در صفحه سوم	

با سمه تعالی

راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳	رشته: فنی و حرفه‌ای
تاریخ امتحان: ۱۳۸۹/۳/۴	سال سوم آموزش متوسطه (سالی - واحدی) تعداد صفحه: ۳
مرکز سنجش آموزش و پژوهش	دانش آموزان و داوطلبان آزادسازی کشور در نوبت خودادمه ۱۳۸۹

ردیف	سوالات	نمره																								
۱۲	$x_1 = 4 \rightarrow y_1 = 4$ $y' = \frac{1}{\sqrt{x}} \rightarrow m = \frac{1}{2}$ $(\cdot / ۲۵)$ $(\cdot / ۲۵)$ $y - 4 = \frac{1}{2}(x - 4) \rightarrow y = \frac{1}{2}x + 2$ $(\cdot / ۲۵)$ $(\cdot / ۲۵)$	۱/۵																								
۱۳	$(-1)^3 + 6b(-1) + c = 4 \Rightarrow -6b + c = 4$ $f'(x) = 3x^2 + 6b \rightarrow f'(-1) = 3(-1)^2 + 6b = 0 \Rightarrow b = -\frac{1}{2}, c = 5$ $(\cdot / ۲۵)$ $(\cdot / ۲۵)$ $(\cdot / ۲۵)$	۱																								
۱۴	$y' = -3x^2 + 3 = 0 \rightarrow x = \pm 1 \Rightarrow (1, 4), (-1, 4)$ $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \pm\infty$  <table border="1"> <tr> <td><math>x</math></td> <td><math>-\infty</math></td> <td><math>-2</math></td> <td><math>-1</math></td> <td><math>0</math></td> <td><math>1</math></td> <td><math>2</math></td> <td><math>+\infty</math></td> </tr> <tr> <td><math>y'</math></td> <td>—</td> <td>+</td> <td>+</td> <td>+</td> <td>—</td> <td>—</td> <td>—</td> </tr> <tr> <td><math>y</math></td> <td><math>+\infty</math></td> <td>min</td> <td>4</td> <td>4</td> <td>max</td> <td><math>-2</math></td> <td><math>-\infty</math></td> </tr> </table> $(\cdot / ۷۵)$	$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$	$y'$	—	+	+	+	—	—	—	$y$	$+\infty$	min	4	4	max	$-2$	$-\infty$	۲
$x$	$-\infty$	$-2$	$-1$	$0$	$1$	$2$	$+\infty$																			
$y'$	—	+	+	+	—	—	—																			
$y$	$+\infty$	min	4	4	max	$-2$	$-\infty$																			
۱۵	$x = 12 - 3y, P = (12 - 3y)y \Rightarrow P = 12y - 3y^2$ $P' = 12 - 6y = 0 \rightarrow y = 2$ $x = 6$ $(\cdot / ۲۵)$ $(\cdot / ۲۵)$	۱																								
	همکاران محترم: با عرض سلام و احترام ، برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم نمایید.	۲۰																								
	جمع نمرات																									

ص