

نام خانوادگی:	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت خردآدمه سال ۱۳۹۵	سال سوم آموزش متوسطه	رشته: فنی و کامپیuter	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه
تعداد صفحه:	۱۳۹۵/۳/۸	تاریخ امتحان:	۱۳۹۵	سال:	

مرکز سنجش آموزش و پرورش

<http://aee.medu.ir>

ردیف	سؤالات	نمره
۱	مقادیر m و n را طوری به دست آورید که نقاط $A(n+1, 2m)$ و $B(m, 5-n)$ در دستگاه محورهای مختصات برهمنطبق باشند.	۱
۲	نامعادله $x^2 + 2x + 5 = 0$ را حل کرده و مجموعه جواب را به صورت بازه نشان دهید.	۰/۷۵
۳	بازه های $(-\infty, 1) \cup (2, \infty)$ را در نظرگرفته و شعاع بازهی $A \cap B$ را به دست آورید.	۰/۷۵
۴	در شکل زیر نمودار تابع f داده شده است. الف) اگر $a = 3$ باشد، آنگاه مقدار a را تعیین کنید. ب) برد تابع f را به صورت بازه بنویسید.	۱
۵	دامنه توابع زیر را محاسبه کنید. الف) $f(x) = \sqrt[3]{\frac{5x - 3}{2}}$ ب) $g(x) = \frac{x^2 - 3x + 5}{x^2 - 2x - 3}$ ج) $h(x) = \tan \frac{x}{3}$	۲
۶	اگر $2f(x) = x^2 - 2x + 3$ و $g(x) = x^2 - x + 2$ باشد، آنگاه حاصل $(f-g)(x)$ را به دست آورید.	۱
۷	فرض کنید $f(x) = \sqrt{2x - 1}$ و $g(x) = x^2$ باشد، در این صورت: الف) ضابطه $(gof)(x)$ را تعیین کنید. ب) حاصل عبارت $(fof)(x)$ را به دست آورید.	۱
۸	با توجه به نمودار تابع f حاصل $A = \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) - 4f(2)$ را به دست آورید.	۱/۵

ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح	مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	رشته: فنی و کامپیوتر	سئوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۳/۸	تعداد صفحه: ۲	سال سوم آموزش متوسطه	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خودآمده سال ۱۳۹۵ مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir			

ردیف	سوالات	نمره
۹	حاصل حدهای زیر را به دست آورید. (الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 - x - 3}{x + 1}$ (ج) $\lim_{x \rightarrow 7^+} \frac{-6x}{7-x}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(x) \cdot \sin(5x)}{x^2}$ (د) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(2-6x)(x^2+4)}{2x^4+8x-2}$	۴
۱۰	پیوستگی تابع $f(x) = \begin{cases} \sin(\frac{\pi x}{2}) & ; x > 2 \\ 7x - x^2 & ; x \leq 2 \end{cases}$ را در $x = 2$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۱	فاصله‌ی پیوستگی تابع $f(x) = \frac{\cos(x)}{x+1}$ را تعیین کنید.	۰/۵
۱۲	با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = -4x - 5$ را به دست آورید.	۱/۲۵
۱۳	مشتق تابع $f(x) = x^2 \cdot \cos(3x)$ را با استفاده از فرمول‌های مشتق‌گیری به دست آورید.	۱/۲۵
۱۴	معادله‌ی خط مماس بر منحنی $y = 5x^3 - 6x^2 + 3$ را در نقطه‌ای به طول 90° واقع برمنحنی بنویسید.	۱/۲۵
۱۵	تابع f با ضابطه‌ی $f(x) = \frac{3x - m}{x + 2}$ مفروض است. حدود m را چنان تعیین کنید که مشتق تابع مذکور در دامنه‌اش مثبت باشد.	۱/۲۵
۲۰	«« موقق و مؤید باشید. «« جمع نمره :	

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: فنی و کامپیوتر	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۳/۸		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خودادمه سال ۱۳۹۵	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	$\begin{cases} m = n + 1 \\ 5 - n = 2m \end{cases} \Rightarrow m = 2, n = 1$	۱
۲	$2x - x < -5 \Rightarrow x < -5$ مجموعه جواب $(-\infty, -5)$	۲
۳	$A \cap B = (-1, 1)$ و شاعع $= \frac{1-(-1)}{2} = \frac{1}{2}$	۳
۴	الف) $f(a) = 3 \Rightarrow a = 2$ برد تابع $[0, 3]$	۴
۵	الف) $D_f = \mathbb{R}$ ب) $x^2 - 2x - 3 \neq 0 \Rightarrow D_g = \mathbb{R} - \{-1, 3\}$ ج) $D_h = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid \frac{x}{3} \neq k\pi + \frac{\pi}{2} \right\} = \left\{ x \in \mathbb{R} \mid x \neq 3k\pi + \frac{3\pi}{2} \right\}$	۵
۶	$(f-g)(2) = f(2) - g(2) = 4 - (-1) = 5$ (متناضب نمره منظور گردد)	۶
۷	الف) $(gof)(x) = g(f(x)) = (\sqrt{2x})^2 - 1 = 2x - 1$ ب) $f(f(\lambda)) = f(\lambda) = \sqrt{\lambda}$	۷
۸	$A = 1 + 2 - 4(3) = -9$ (متناضب نمره منظور گردد)	۸
۹	الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(2x-3)(x+1)}{x+1} = \lim_{x \rightarrow -1} (2x-3) = -5$ ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x} \cdot \frac{\sin \Delta x}{\Delta x} = 1 \times 0 = 0$ ج) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-4x^2}{x^2} = \frac{-4}{1} = -4$ د) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-6x^3}{2x^4} = \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{-3}{x} = 0$	۹

ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: فنی و کامپیوتر	راهنمای تصحیح سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)
تاریخ امتحان: ۱۳۹۵/۳/۸		سال سوم آموزش متوسطه
مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir	دانش آموزان و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت خودادماه سال ۱۳۹۵	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۰	$f(2) = \cdot, \lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} f(x) = \cdot \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 2} f(x) = f(2)$ لذا تابع در $x = 2$ پیوسته است	۱/۵
۱۱	$\mathbb{R} - \{-1\}$ = فاصله پیوستگی	۰/۵
۱۲	$f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{-4(x + \Delta x) - 5 - (-4x - 5)}{\Delta x}$ $= \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{-4x - 4\Delta x - 5 + 4x + 5}{\Delta x} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{-4\Delta x}{\Delta x} = -4$ بارم هر قسمت (۰/۲۵)	۱/۲۵
۱۳	$f'(x) = 2x(\cos 3x) + (-3 \sin 3x)(x^2)$	۱/۲۵
۱۴	$f(\cdot) = 3 \quad (0/25)$ $f'(x) = 1 \cdot x - 6 \Rightarrow m = f'(\cdot) = -6 \quad (0/25)$ $y - 3 = -6(x - 0) \quad (0/25)$	۱/۲۵
۱۵	$y' = \frac{3(x + 2) - 1(3x - m)}{(x + 2)^2} = \frac{6 + m}{(x + 2)^2} > 0 \Rightarrow 6 + m > 0 \Rightarrow m > -6$	۱/۲۵
۲۰	همکار گرامی خسته نباشد جمع نمره	