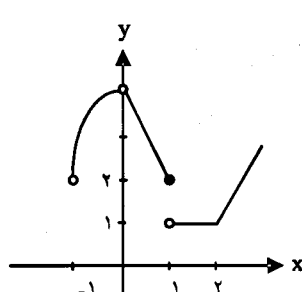


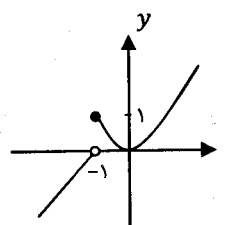
سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	رشته‌ی : علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	تعداد صفحه : ۲	
دانش‌آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲	مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		

ردیف	سؤالات	( پاسخ نامه دارد)	نمره
۱	در جاهای خالی عبارات مناسب قرار دهید. الف) سه سکه را با هم می اندازیم. فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی دارای ..... عضو است. ب) اگر $A$ و $B$ دو پیشامد از فضای نمونه‌ای $S$ باشند و $A \cap B = \emptyset$ ، در این صورت $A$ و $B$ را دو پیشامد ..... می‌نامیم. ج) اگر $A = [-۱, ۳]$ و $B = [۲, ۳]$ باشند آن گاه $A \cup B$ برابر است با .....		۰/۷۵
۲	یک تاس و یک سکه را با هم پرتاب می‌کنیم. الف) فضای نمونه‌ای این آزمایش تصادفی را بنویسید. ب) پیشامد $A$ که در آن تاس عدد فرد بیاید را مشخص کنید. ج) پیشامد $B$ که در آن سکه "رو" و تاس عدد کوچک‌تر از ۵ بیاید را مشخص کنید. د) آیا دو پیشامد $A$ و $B$ مستقل اند؟ چرا؟		۱/۷۵
۳	از بین ۴ دانش‌آموز سال سوم و ۶ دانش‌آموز سال دوم، سه نفر را به تصادف انتخاب می‌کنیم. احتمال آن که حداکثر یک دانش‌آموز از سال سوم باشد، چه قدر است؟		۱
۴	اگر $P(A') = ۰/۳$ و $P(B) = ۰/۷$ و $P(A \cup B) = ۰/۹$ آن گاه حاصل $P(A \cap B)$ را به دست آورید.		۰/۷۵
۵	نامعادله‌ی $۱ < ۴ < \frac{x}{۲} + ۲$ را حل کنید و مجموعه‌ی جواب را روی محور اعداد حقیقی نشان دهید.		۰/۷۵
۶	تابع $f(x) = \begin{cases} x+۱ & x < -۱ \\ x^2 & x \geq -۱ \end{cases}$ را در نظر بگیرید. الف) نمودار تابع $f$ را رسم کنید. ب) دامنه‌ی تابع $f$ را به دست آورید.		۱
۷	توابع $f(x) = \sqrt{۱-x}$ و $g(x) = x^2$ داده شده‌اند. الف) تابع $f \circ g$ را تشکیل دهید. ب) دامنه‌ی تابع $f \circ g$ را با استفاده از تعریف به دست آورید. ج) مقدار $f(-۳) + ۲g(۱)$ را محاسبه کنید.		۲/۲۵
۸	اگر $\sin \alpha = \frac{۳}{۵}$ و $\cos \beta = \frac{۵}{۱۳}$ و $\alpha$ منفرجه و $\beta$ حاده باشند، حاصل $\sin(\alpha + \beta)$ را به دست آورید.		۱/۵
۹	اگر $f(x) = ax^2 + bx + c$ ، $a$ ، $b$ و $c$ را طوری بیابید که این سهمی محور $y$ ها را در نقطه‌ای به عرض ۳ و محور $x$ ها را در نقطه‌ای به طول ۱ قطع کند و از نقطه‌ی $A(۲, ۳)$ نیز بگذرد.		۱/۲۵
	«ادامه‌ی سؤالات در صفحه ی دوم»		

سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	رشته ی : علوم تجربی	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷	تعداد صفحه : ۲	
دانش آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲	مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		

ردیف	سؤالات	( پاسخ نامه دارد)	نمره
۱۰	با استفاده از نمودار تابع $f$ حاصل حدهای زیر را در صورت وجود مشخص کنید.  الف) $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ ب) $\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ ج) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$		۰/۷۵
۱۱	حاصل حدهای زیر را حساب کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{x+6}}{x-3}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{\sin x}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2}{ x-2 }$ د) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{2+7x}{3x-4}$		۳
۱۲	مقادیر $a$ و $b$ را چنان بیابید که تابع $f(x) = \begin{cases} 3 + a(x^2) & x > 2 \\ 7 & x = 2 \\ \frac{b}{x-1} - 1 & x < 2 \end{cases}$ در نقطه‌ی $x = 2$ پیوسته باشد.		۱/۲۵
۱۳	اگر $P(t) = 2 + t^2$ نمایش ازدیاد یک نوع باکتری در زمان $t$ باشد ( $t$ زمان بر حسب ساعت)، آهنگ متوسط افزایش جمعیت را در ۵ ساعت اول پس از $t_0 = 1$ به دست آورید.		۱
۱۴	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق لازم نیست) الف) $f(x) = (3x^2 - 4)^5$ ب) $g(x) = \cot(6x) \times \sin x$ ج) $h(x) = \frac{\sqrt{3}x}{x^2 + 1}$		۲/۵
۱۵	شیب خط مماس بر نمودار تابع $y = x^3 - x + 5$ را در نقطه‌ی $x = 1$ به دست آورید.		۰/۵
	« موفق باشید »	جمع نمره	۲۰

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	رشته‌ی: علوم تجربی
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۲/۱۰/۷
دانش‌آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) $2^3$ (۰/۲۵)    ب) ناسازگار (۰/۲۵)    ج) $[-1, 3]$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۲	الف) $S = \{(\iota, R), (\varphi, R), (\varphi, R), (\varphi, R), (\delta, R), (\epsilon, R), (\iota, P), (\varphi, P), (\varphi, P), (\varphi, P), (\delta, P), (\epsilon, P)\}$ (۰/۵) ب) $A = \{(\iota, R), (\varphi, R), (\delta, R), (\iota, P), (\varphi, P), (\delta, P)\}$ (۰/۵) ج) $B = \{(\iota, R), (\varphi, R), (\varphi, R), (\varphi, R)\}$ (۰/۲۵) د) $A \cap B = \{(\iota, R), (\varphi, R)\}$ $P(A) \times P(B) = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} = P(A \cap B)$ (۰/۲۵) $\Rightarrow$ $A$ و $B$ مستقلند (۰/۲۵)	۱/۷۵
۳	$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{\binom{2}{1} + \binom{2}{2}}{\binom{4}{2}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵)	۱
۴	$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{1}{3} = \frac{2}{3}$ (۰/۲۵) $P(A \cap B) = P(A) + P(B) - P(A \cup B) = \frac{2}{3} + \frac{1}{3} - \frac{2}{3} = \frac{1}{3}$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۵	$2 < \frac{x}{2} + 1 < 4 \Rightarrow 1 < \frac{x}{2} < 3 \Rightarrow 2 < x < 6$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	۰/۷۵
۶	الف)  (۰/۵) رسم سهمی رسم خط (۰/۲۵) ب) $D_f = R$ (۰/۲۵)	۱
۷	الف) $f \circ g(x) = f(g(x)) = f(x^2) = \sqrt{1 - x^2}$ (۰/۲۵) ب) $D_g = R$ (۰/۲۵) و $D_f = (-\infty, 1]$ (۰/۲۵) $D_{f \circ g} = \{x \in D_g \mid g(x) \in D_f\} = \{x \in R \mid x^2 \in (-\infty, 1]\} = [-1, 1]$ (۰/۲۵) ج) $f(-2) + 2g(1) = 2 + 2(1) = 4$ (۰/۲۵)	۲/۲۵
	« ادامه در صفحه ی دوم »	

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	رشته‌ی : علوم تجربی
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷
دانش‌آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲	مرکز سنجش آموزش و پرورش http://aee.medu.ir

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۸	$\cos \alpha = -\sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = -\frac{2}{5} \quad (۰/۵) \quad \text{و} \quad \sin \beta = \sqrt{1 - \cos^2 \beta} = \frac{12}{13} \quad (۰/۲۵)$ $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta = \frac{2}{5} \times \frac{5}{13} + \left(-\frac{2}{5}\right) \left(\frac{12}{13}\right) = -\frac{18}{65}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p>	۱/۵
۹	$\begin{aligned} (۰, ۳) \in \text{تابع} &\Rightarrow c = ۳ \quad (۰/۲۵) \\ (۱, ۰) \in \text{تابع} &\Rightarrow ۰ = a + b + ۳ \quad (۰/۲۵) \\ (۲, ۳) \in \text{تابع} &\Rightarrow ۳ = ۴a + ۲b + ۳ \quad (۰/۲۵) \end{aligned} \Rightarrow \begin{cases} a + b = -۳ \\ ۴a + ۲b = ۰ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = ۳ \\ b = -۶ \end{cases}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p>	۱/۲۵
۱۰	الف) ۱ (۰/۲۵)      ب) ۲ (۰/۲۵)      ج) حد ندارد (۰/۲۵)	۰/۲۵
۱۱	$\begin{aligned} \text{الف) } \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{x - \sqrt{x+6}}{x-۲} \times \frac{x + \sqrt{x+6}}{x + \sqrt{x+6}} &= \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{x^2 - x - ۶}{(x-۲)(x + \sqrt{x+6})} = \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{(x-۲)(x+۳)}{(x-۲)(x + \sqrt{x+6})} = \lim_{x \rightarrow ۲} \frac{(x+۳)}{(x + \sqrt{x+6})} = \frac{۵}{۶} \end{aligned}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)                      (۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p> $\text{ب) } \lim_{x \rightarrow ۰} \frac{1 - \cos^2 x}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow ۰} \frac{\sin^2 x}{\sin x} = \lim_{x \rightarrow ۰} \sin x = ۰ \quad (۰/۲۵)$ $\text{ج) } \lim_{x \rightarrow ۲^-} \frac{x^2}{ x-۲ } = \frac{۲}{۰^+} = +\infty$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p> $\text{د) } \lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{۲+۷x}{۲x-۲} = \lim_{x \rightarrow \pm \infty} \frac{۷x}{۲x} = \frac{۷}{۲} \quad (۰/۲۵)$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)</p>	۳
۱۲	$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow ۲^+} (۳ + ax^۲) &= ۳ + ۴a \quad (۰/۲۵) \\ \lim_{x \rightarrow ۲^-} \left( \frac{b}{x-۱} - ۱ \right) &= b - ۱ \quad (۰/۲۵) \end{aligned} \Rightarrow ۳ + ۴a = b - ۱ = ۷ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow \begin{cases} a = ۱ \\ b = ۸ \end{cases}$ <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p> <p style="text-align: center;">(۰/۲۵)                      (۰/۲۵)</p>	۱/۲۵
	ادامه در صفحه‌ی سوم	

باسمه تعالی

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی (۳)	رشته‌ی : علوم تجربی
سال سوم آموزش متوسطه	تاریخ امتحان : ۱۳۹۲ / ۱۰ / ۷
دانش‌آموزان روزانه ، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور (دی ماه) سال ۱۳۹۲	مرکز سنجش آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۳	$\frac{P(t_2) - P(t_1)}{t_2 - t_1} = \frac{P(6) - P(1)}{6 - 1} = \frac{38 - 3}{5} = 7 \quad (۰/۲۵)$	۱
۱۴	<p>الف) <math>f'(x) = 5(6x)(3x^2 - 4)^2 \quad (۰/۷۵)</math></p> <p>ب) <math>g'(x) = -6(1 + \cot^2(6x))\sin x + \cos x \cot(6x)</math>  <math>(۰/۵) \quad (۰/۲۵)</math></p> <p>ج) <math>h'(x) = \frac{(\frac{2}{\sqrt{1+x}})(x^2+1) - (2x)(\sqrt{1+x})}{(x^2+1)^2}</math>  <math>(۰/۲۵)</math></p>	۲/۵
۱۵	$y = 3x^2 - 1 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow y(1) = m = 2 \quad (۰/۲۵)$	۰/۵
	جمع نمره	۲۰

[www.riazisara.ir](http://www.riazisara.ir)

دانلود نمونه سوالات از سایت ریاضی سرا

باسلام و خسته نباشید، مصححین محترم ، لطفاً برای راه حل های درست دیگر بارم را به تناسب تقسیم نمایند.