

نام و نام خانوادگی:	دبيرستانهای عفت وزینبیه شهرستان جوانرود	تاریخ امتحان: 94/02/20	طراح: محمد طاهر گلی زاده	پایه چهارم تجربی اردیبهشت 94	مدت پاسخگویی: ۱۰۰ دقیقه
ردیف	سوالات	بارم			
۱	در کیسه‌ای ۳ مهره‌ی سفید و ۲ مهره‌ی سیاه موجود است ۳ مهره به تصادف از آن خارج می‌کنیم اگر متغیر X تعداد مهره‌های سفید باشد $p(X \leq 2)$ را محاسبه کنید.	۱/۵			
۲	مجموع مضربهای طبیعی عدد ۷ کمتر از ۱۰۰۰ را بدست آورید.	۱			
۳	معادله‌ی خط قائم بر نمودار تابع $2x^2 - y + xy^2 = 8$ در نقطه‌ای $(-2,0)$ را بدست آورید.	۱			
۴	جوابهای کلی معادله‌ی مثلثاتی زیر را بدست آورید. $2\cos^2 x = \sin x - 1$	۱/۵			
۵	دو دایره به معادلات زیر داده شده اند ابتدا معادله‌ی وتر مشترک آنها را بدست آورده سپس مختصات نقاط تقاطع انها را بیابید. $x^2 + y^2 + 2x + 2y - 24 = 0$ و $x^2 + y^2 + 4x + 2y - 20 = 0$	۱/۵			
۶	مساحت مربعی را بیابید که معادله‌ی یک ضلع آن $2x + 3y - 4 = 0$ و یک رأس آن نقطه‌ی $(2,1)$ باشد.	۱			
۷	مثلث ABC به رأسهای $A(2,4)$ و $B(-2,0)$ و $C(0,-6)$ مفروض است معادله‌ی ارتفاع AH و طول آن را بدست آورید.	۲			

1/5	ضرایب a و b و c و d را طوری تعیین کنید که تابع $y = ax^3 + bx^2 + cx + d$ در $(0,2)$ یک نقطهٔ عطف داشته باشد.	8
2	جدول تغییرات و نمودار تابع $y = \frac{3x}{x+1}$ را رسم کنید، مجانب‌ها را مشخص نمایید.	9
1/5	نقاط بحرانی تابع $y = (x^2 - 1)^{\frac{1}{3}}$ را بدست آورید.	10
2/5	حاصل انتگرال‌های زیر را بدست آورید. (الف) $\int (\frac{x}{\sqrt[3]{x}} + \frac{3}{x} - \pi \sqrt[3]{x}) dx$ (ب) $\int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} (3 \sin x - \cos 3x) dx$ (ج) $\int (4 \sqrt[3]{x^2} - 5\sqrt{x} + \frac{1}{3x^2}) dx$	11
1/5	با استفاده از رسم نمودار $y = 2x - 4 $ حاصل $\int_{-3}^3 f(x) dx$ را بدست آورید.	12
1/5	مساحت ناحیهٔ محصور بین نمودارهای توابع $y = x^2$ و $y = 1$ را بدست آورید.	13

موفق و مؤید باشید.